# Δυο παραλλαγές. Η 1η …εύκολη.

Ένα σώμα Σ μάζας m (αμελητέων διαστάσεων) τοποθετείται στην εσωτερική λεία επιφάνεια, ενός κενού κυλίνδρου, μάζας Μ=2m και ακτίνας R=1,2m, όπως στο σχήμα, στο άκρο μιας οριζόντιας ακτίνας, με τον κύλινδρο ακίνητο πάνω σε λείο οριζόντιο επίπεδο. Σε μια στιγμή t=0 αφήνουμε ελεύθερα και το σώμα Σ και τον κύλινδρο να κινηθούν, οπότε τη στιγμή t1 το Σ φτάνει στην κατώτερη θέση με ταχύτητα υ1.

i) Να εξετασθεί η ορθότητα ή μη των παρακάτω προτάσεων.

α) Στο χρονικό διάστημα 0-t1 η ορμή του συστήματος παραμένει σταθερή.

β) Στο χρονικό διάστημα 0-t1 η στροφορμή του συστήματος, ως προς το σημείο επαφής του κυλίνδρου με το επίπεδο (σημείο Α), παραμένει σταθερή.

γ) Ο κύλινδρος θα περιστραφεί κατά την φορά των δεικτών του ρολογιού.

ii) Να υπολογιστεί το μέτρο της ταχύτητα υ1 του σώματος Σ, στην κατώτερη θέση της τροχιάς του.

Δίνεται g=10m/s2, ενώ η μάζα του κυλίνδρου θεωρείται συγκεντρωμένη στην περιφέρειά του.

***Απάντηση:***

* 1. α) Η πρόταση είναι λανθασμένη. Αρκεί να σχεδιάσουμε κάποια τυχαία στιγμή τις ταχύτητες των δύο σωμάτων, όπως στο πρώτο σχήμα.

Εύκολα διαπιστώνουμε ότι έχουμε κάποια κατακόρυφη ορμή του σώματος Σ, ενώ αρχικά η ορμή ήταν μηδενική.



β) Και αυτή η πρόταση είναι λανθασμένη. Αρκεί να σχεδιάσουμε τις εξωτερικές δυνάμεις που ασκούνται στα σώματα, στην τυχαία θέση, όπως στο δεύτερο σχήμα. Τότε Στεξ,Α≠0, οπότε η στροφορμή του συστήματος ως προς το Α, μεταβάλλεται.

γ) Η πρόταση είναι λανθασμένη επίσης. Η δύναμη που ασκεί ο κύλινδρος στο σώμα Σ, είναι η Ν του τρίτου σχήματος, η οποία κατευθύνεται στο κέντρο Ο του κυλίνδρου. Αλλά τότε η αντίδρασή της είναι αυτή που θα επιταχύνει τον κύλινδρο, αντίθετης κατεύθυνσης, η ροπή της οποίας ως προς το Ο είναι μηδενική. Κατά συνέπεια ο κύλινδρος θα εκτελέσει μεταφορική κίνηση, χωρίς να περιστραφεί.

* 1. Στο σύστημα δεν ασκείται καμιά εξωτερική δύναμη στην οριζόντια διεύθυνση. Έτσι μπορεί να μην διατηρείται συνολικά η ορμή, διατηρείται όμως στην οριζόντια διεύθυνση. Έτσι εφαρμόζοντάς την μεταξύ των χρονικών στιγμών t=0 και t1 παίρνουμε (θετική φορά προς τα δεξιά):



Εφαρμόζοντας εξάλλου την ΑΔΜΕ μεταξύ των δύο παραπάνω θέσεων παίρνουμε:



***dmargaris@gmail.com***