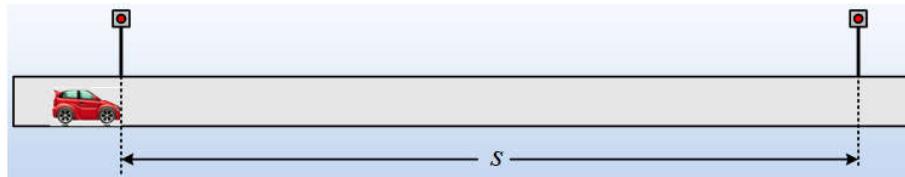


Апό φανάρι σε φανάρι.



Ена автокінгето еінві стаматемеңін сіто фанарі поін «коккіні». Тη стигмі поін анатбей то «прағасіно», ёстін $t_0=0$, то автокінгето марсарай, оіпіті апокті астафтері өпітіжунсін мінде апоктілесма ти хронікі стигмі $t_1=8\text{s}$ на өхеі тағұттара $v_1=24\text{m/s}$. Стін сунеңдікі сунеңдікі мінде астафтері тағұттара, мінчі на фташесін сіто епомене «прағасіно» фанарі, поін апекін $s=240\text{m}$ апін то проінгогумене.

- На бреіте тін өпітіжунсін мінде тін оіпіа кинітікі сіто хронікі діастема $0-t_1$.
- Пісін апекін апін то прағасін фанарі (опін өтесоруңме оін $x_0=0$) то автокінгето, тін стигмі поін павеі на өпітіжунсін;
- Поя стигмі фташесін то өхема сіто өтесін фанарі;
- На кавеіте тін ғрафікесін параастаісін тін тағұттара інде тін өтесін кинетікі сіто хронікі діастема сіто өтесін сіто өтесін.
- *Ан то 2° фанарі ғындаі портокалі тін стигмі $t'=13\text{s}$ кіті то автокінгето фташесі сіто авті тін стигмі ал-лағінсін хроматос, өнін кинітікі архікі мінде тін ідіа өпітіжунсін, өпін проінгогумене, мінчі на апоктішесі мінде тағұттара v_2 , мінде тін оіпіа сунеңдікі тін кінешін, на үпілодыгыстікі то хронікі діастема өпітіжунсін кіті и тағұттара.

*Ерітімін монін гія калоңыз мағіттес.

Апáнтиж:

- Гія тін өнімдікі оіпіа өпітіжунсін кінешін то автокінгето апін $0-t_1$ ісіхуону:

$$v = at \quad (1) \quad \text{кіті} \quad x = \frac{1}{2} at^2 \quad (2)$$

Апін тін (1) брісқовуме:

$$a = \frac{v}{t} = \frac{v_1}{t_1} = \frac{24}{8} \text{ m/s}^2 = 3 \text{ m/s}^2$$

- Апін тін схесін (2) гія $t=t_1$ пайрновуме:

$$x_1 = \frac{1}{2} at_1^2 = \frac{1}{2} 3 \cdot 8^2 \text{ m} = 96 \text{ m}$$

- Мета тін стигмі t_1 то автокінгето ектелеі өнімдікі оіпіа кінешін мінде астафтері тағұттара v_1 , мінчі оіпіа өтесін кіті $\Delta x = s - x_1 = 240\text{m} - 96\text{m} = 144\text{m}$, оіпіті:

$$\Delta x = v_1 \cdot \Delta t \rightarrow \Delta t = \frac{\Delta x}{v_1} = \frac{144}{24} s = 6 s$$

Суневпώς φτάνει στο 2° φανάρι τη χρονική στιγμή $t_2 = t_1 + \Delta t = 8s + 6s = 14s$.

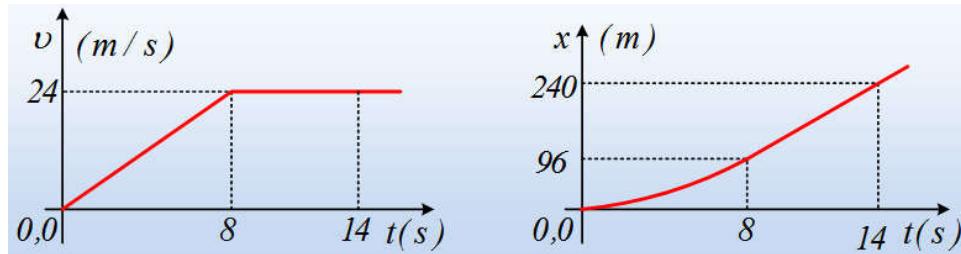
iv) Με βάση τις παραπάνω τιμές των μεγεθών και λαμβάνοντας υπόψη ότι:

- Από την σχέση (1), η ταχύτητα από 0-8s είναι ανάλογη του χρόνου, ενώ στη συνέχεια παραμένει σταθερή.
- Από την σχέση (2) στο χρονικό διάστημα 0-8s η θέση είναι ανάλογη του τετραγώνου του χρόνου και η γραφική παράσταση είναι παραβολή, με τα κοῦλα άνω. Στη συνέχεια $\Delta x = v_1 \cdot \Delta t$ οπότε:

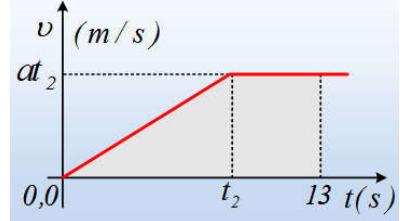
$$x = x_1 + v_1 \cdot (t - 8) = 96 + 24t - 192 = 24t - 96$$

Και η γραφική παράσταση θα είναι τμήμα ευθείας.

οι ζητούμενες γραφικές παραστάσεις είναι:



v) Το αυτοκίνητο κινήθηκε αρχικά με κάποια σταθερή επιτάχυνση, μέχρι τη στιγμή t_2 , αποκτώντας ταχύτητα $v_2 = at_2$ και στη συνέχεια με σταθερή ταχύτητα, μέχρι τη στιγμή $t' = 13s$. Συνεπώς η γραφική παράσταση της ταχύτητας, όμοιας μορφής με αυτή του προηγούμενου ερωτήματος, θα είναι όπως στο διπλανό διάγραμμα. Άλλα τότε το εμβαδόν του τραπεζίου με γκρι χρώμα είναι αριθμητικά ίσο με την συνολική μετατόπισή του, δηλαδή 240m.



$$\frac{B + \beta}{2} v = s \rightarrow \frac{13 + (13 - t_2)}{2} at_2 = 240 \rightarrow$$

$$39t_2 - 1,5t_2^2 = 240 \rightarrow 1,5t_2^2 - 39t_2 + 240 = 0$$

$$\text{Οπότε } t_2 = \frac{39 \pm \sqrt{39^2 - 4 \cdot 1,5 \cdot 240}}{3} = \frac{39 \pm 9}{3} \rightarrow$$

Ή $t_2 = 10s$ ή $t_2 = 16s$ απορρίπτεται αφού $t_2 < 13s$.

Ενώ η τελική του ταχύτητα είναι ίση:

$$v_2 = at_2 = 3 \cdot 10 m/s = 30 m/s$$

dmargaris@gmail.com