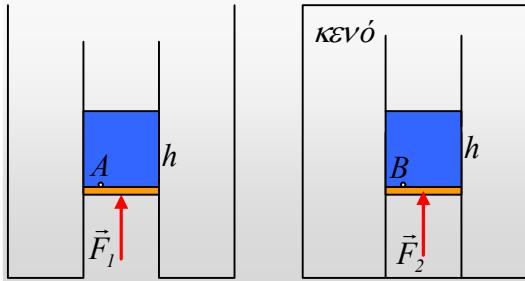


О рόλος της ατμόσφαιρας.

- 1) Μια ποσότητα υγρού, βρίσκεται σε ένα κατακόρυφο σωλήνα, που κλείνεται με αβαρές έμβολο, το οποίο μπορεί να κινείται χωρίς τριβές. Το έμβολο ισορροπεί με την επίδραση μιας εξωτερικής δύναμης F . Στο σχήμα φαίνονται δυο διαφορετικές εκδοχές. Στην πρώτη, το δοχείο είναι ανοικτό, συνεπώς η δράση της ατμόσφαιρας είναι δεδομένη. Το δεύτερο δοχείο είναι κλειστό από το οποίο έχει αφαιρεθεί ο αέρας.



i) Για τις πιέσεις στα σημεία A και B, πολύ κοντά στα έμβολα, ισχύει:

$$\alpha) p_A < p_B, \quad \beta) p_A = p_B, \quad \gamma) p_A > p_B.$$

ii) Για τις ασκούμενες δυνάμεις F_1 και F_2 ισχύει:

$$\alpha) F_1 < F_2, \quad \beta) F_1 = F_2, \quad \gamma) F_1 > F_2.$$

iii) Αυξάνοντας τα μέτρα των ασκούμενων δυνάμεων, ανεβάζουμε τα έμβολα κατά y. Για τα έργα των δυνάμεων ισχύει:

$$\alpha) W_{F1} < W_{F2}, \quad \beta) W_{F1} = W_{F2}, \quad \gamma) W_{F1} > W_{F2}.$$

Η τάση ατμών του υγρού, θεωρείται αμελητέα.

Απάντηση:

i) Για τις πιέσεις έχουμε:

$$p_A = p_{atm} + \rho gh \quad \text{και} \quad p_B = \rho gh$$

όπου h το ύψος κάθε στήλης. Προφανώς $p_A > p_B$. Σωστό το γ).

ii) Στο διπλανό σχήμα, έχουν σχεδιαστεί οι δυνάμεις οι οποίες ασκούνται στα δυο έμβολα, όπου F_v η δύναμη από το υγρό και F_{atm} η δύναμη από την ατμόσφαιρα. Από την ισορροπία των εμβόλων έχουμε:

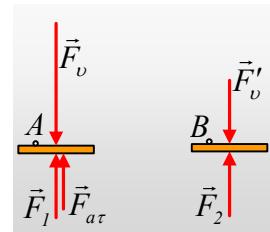
$$\Sigma F_1 = 0 \rightarrow F_v = F_{atm} + F_1 \rightarrow$$

$$(p_{atm} + \rho gh)A = p_{atm}A + F_1 \rightarrow$$

$$F_1 = \rho gh \cdot A \quad (1)$$

$$\Sigma F_2 = 0 \rightarrow F_v' = F_2 \rightarrow F_2 = \rho gh \cdot A \quad (2)$$

Από (1) και (2) $F_1 = F_2$. Σωστή η β) πρόταση.



Σημείωση: Προφανώς η δύναμη που απαιτείται για να συγκρατεί το αβαρές έμβολο, πάνω από το οποίο υπάρχει νερό, είναι ίση με το βάρος του νερού!

iii) Εφαρμόζουμε το ΘΜΚΕ για την ανύψωση κάθε εμβόλου κατά y:

$$K_{l\tau} - K_{l\alpha} = W_{F_l} + W_{F_{a\tau}} + W_{F_v} \rightarrow$$

$$0 = W_{F_1} + p_{a\tau} A y - (p_{a\tau} + \rho g h) A y \rightarrow$$

$$W_{F_I} = \rho g h A y$$

Αλλά καὶ:

$$K_{l\tau} - K_{l\alpha} = W_{F_2} + W_{F_\nu} \rightarrow$$

$$0-0 = W_{F_2} - \rho g h A y \rightarrow$$

$$W_{F_2} = \rho g h A y$$

Σωστό το β).

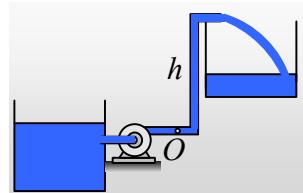
Συμπέρασμα:

Η ενέργεια που απαιτείται για να ανεβάσουμε κατά y μια στήλη νερού, είναι ίση με την αύξηση της δυναμικής του ενέργειας:

$$\Delta U = mg \cdot y = \rho g A h \cdot y$$

Και βέβαια η αύξηση αυτή δεν εξαρτάται από το αν υπάρχει ή όχι ατμοσφαιρική πίεση!

- 2) Για να μεταφέρουμε μια ποσότητα νερού, από μια δεξαμενή στο έδαφος σε ένα δοχείο ύψος h , χρησιμοποιούμε μια αντλία νερού, η οποία συμβάλλει ώστε στην έξοδο της (σημείο Ο) να συντηρείται κατά την λειτουργία της μια σταθερή πίεση $p=3p_{at}$.



- i) Αν η μεταφορά γίνεται με σταθερή παροχή Π , τότε ο ρυθμός με τον οποίο η αντλία παρέχει ενέργεια στο νερό το οποίο βρίσκεται ήδη στην έξοδό της είναι:

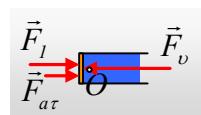
i) $P = 3p_{at} \cdot \Pi$, ii) $P_1 = 2p_{at} \cdot \Pi$, iii) $P_1 = p_{at} \cdot \Pi$.

ii) Η συνολική ισχύς της αντλίας είναι η παραπάνω ή όχι;

Να δικαιολογήστε την απάντησή σας

Απάντηση.

Ας φανταστούμε το εξής μοντέλο. Στο κάτω άκρο του σωλήνα, έχουμε ένα αβαρές έμβολο το οποίο σπρώχνουμε με την επίδραση μιας κάθετης δύναμης F_1 , με αποτέλεσμα να κινείται προς τα δεξιά με σταθερή ταχύτητα, οπότε και η παροχή του σωλήνα, να παραμένει σταθερή. Από την ισορροπία του ευβόλου έχουμε:



$$\Sigma F = 0 \rightarrow F_I + F_{at} - F_v = 0 \rightarrow$$

$$F_I = F_v - F_{at} = p \cdot A - p_{at} \cdot A = 3p_{at} \cdot A - p_{at} \cdot A = 2p_{at} \cdot A.$$

i) Аллаң тóтеге үсіхұс тегиң дұнамети F_I , дөңлаңдай орынмөс миң тегиң орекомиңе енэргия сто әмбілде кал месуң аутоду, сто нероң пүн бріскетаи стегиң әзіздік тегиң антлія, синай:

$$P_I = \frac{dW_{F_I}}{dt} = \frac{F_I dx}{dt} = \frac{2p_{at}A \cdot dx}{dt} = 2p_{at}A \cdot v_A$$

Опуш v_A ү тақытта тегиң нероң. Омас тегиң гидравтикалық А· v_A синай ишо миң тегиң парохия сто симең О кал пропаным миң тегиң парохия тегиң шолғына кал үзісшиси гынетсяи:

$$P_I = 2p_{at} \cdot \Pi$$

То үпокеимене тегиң «ақсекетиң» тегиң парапано дұнамети F_I синай ү антлія, сунепәвәс кал ү антістоиң үсіхұс тегиң генниетрия синай ишо миң $P_I = 2p_{at} \cdot \Pi$.

Соңасти ү β) проптаси.

ii) То нероң стегиң әзіздік тегиң антлія (периоди симең О) әжел кал кинетикалық енэргия, анда монада оғын миң $\frac{1}{2}$ $ρv_o^2$. Тегиң енэргия аутеди пропаным миң піре апшо тегиң антлія. Етси анда монада әмбіл, ү антлія әжел енэргия гиа тегиң метафора тегиң нероң апшо тегиң әзіздік стегиң әзіздік миң:

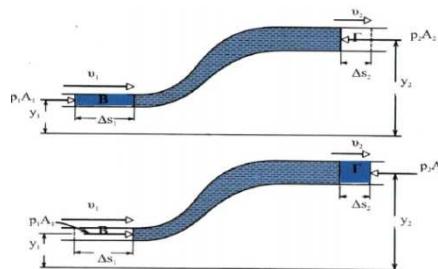
$$P_2 = \frac{dK}{dt} = \frac{\frac{1}{2}Δm \cdot v^2}{Δt} = \frac{\frac{1}{2}ρΔV \cdot v_o^2}{Δt} = \left(\frac{1}{2}ρv_o^2 \right) \cdot \Pi$$

Пропаным ү сунолик үсіхұс тегиң антлія синай ишо:

$$P_{avτλ} = P_I + P_2$$

Σχόλιο.

Катар тегиң апшесиң үсіхұс Bernoulli, бріскетаи то әрғы пүн парыгей пано се миң ортимене әзіздік-тегиң нероң, то перибальлон ревустада:



$$W = F_I Δs_I - F_2 Δs_2 = p_I A_I \cdot Δs_I - p_2 A_2 \cdot Δs_2 = (p_I - p_2) \cdot ΔV$$

То әрғы тегиң F_2 ($W_2 = -p_2 A_2 \cdot Δs_2$) синай арнитек, прағма пүн симаине үти метеңде то әрғы пүн метафера апшо (мишлес әмбіл) сто перибальлон ревустада ү аң ү флеба катализиге стон аэр, тегиң енэргия пүн метафера апшо тегиң атмосферада.

Сунепώς аз епистрэψонуме σто архикό ερώтημа και аз мелетήσонуме то тұмήма тου нероу ғеziá тης αντλίας. Еρғо παράгей πάνω тου και η αντλία και η ατμόσфαιρа. Өмөт αтмосфайрикή πίεση επикратеі και σто σημεіо O και σто πάνω ғаро тου солжна, сунепώς то сунодиқό тης ғерғо εінai μηδенікó:

$$W_{atm} = +p_{atm} A \cdot x - p_{atm} A \cdot x = 0$$

Етси мéнеi η αντλία νa παράгей ғерғо πάнω σtηn πoσόттa тoυ нeроu. Пóso;

$$W = p' \cdot \Delta V = (p_o - p_{atm}) \cdot \Delta V$$

Опou p'=p_o-p_{atm} η «дiаfорiкή πíесη» σto σημeio O, η **υπερπíесη** σto O, ή μe ғлла λóгia η εpipléon тηs αтmосfaiриkήs πíесη, tηn opoia σtηn praγmatikótta prokalei η αntlía.

dmargaris@gmail.com