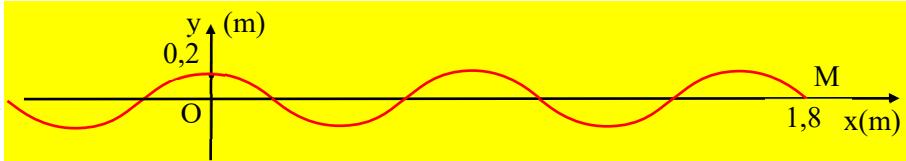


## Апό өна στιγμιότυπο κύματος

Катá мήκος ενός γραμμικού ελαστικού μέσου και από αριστερά προς τα δεξιά (θετική κατεύθυνση) διαδίδεται ένα εγκάρσιο αρμονικό κύμα, το οποίο τη στιγμή  $t_0=0$  φτάνει στην αρχή O, ενός συστήματος αξόνων x,y. Στο σχήμα βλέπουμε ένα στιγμιότυπο του κύματος τη χρονική στιγμή  $t_1=0,9s$ , όπου το σημείο O βρίσκεται στην μέγιστη θετική απομάκρυνσή του  $y_0=+0,2m$ .



- i) Να βρεθούν το μήκος κύματος, η περίοδος και η ταχύτητα του κύματος.
- ii) Ποια η εξίσωση του κύματος;
- iii) Ένα σημείο K βρίσκεται στη θέση  $x_K=4/3m$ .
  - α) Να βρεθεί η απομάκρυνση, η ταχύτητα και η επιτάχυνση του σημείου K, τη στιγμή  $t_1$ .
  - β) Να βρεθεί η απομάκρυνση το σημείου K, από τη θέση ισορροπίας του, τις χρονικές στιγμές:
    - a)  $t_2=0,6s$  και b)  $t_3=29/30s$ .

### *Апáнтηс:*

- i) Με βάση το στιγμιότυπο, βλέπουμε ότι το κύμα από 0- $t_1$  έχει διαδοθεί σε απόσταση 1,8m, απόσταση που αντιστοιχεί σε 2,25 μήκη κύματος, οπότε το χρονικό αυτό διάστημα αντιστοιχεί σε 2,25 περιόδους ταλάντωσης των σημείων του μέσου. Με βάση αυτά:

$$N = \frac{d}{\lambda} \rightarrow \lambda = \frac{d}{N} = \frac{1,8m}{2,25} = 0,8m \quad \text{ενώ}$$

$$N = \frac{t_1}{T} \rightarrow T = \frac{t_1}{N} = \frac{0,9s}{2,25} = 0,4s \quad \text{και}$$

$$\nu = \frac{\lambda}{T} = \frac{0,8m}{0,4s} = 2m/s \quad \text{ή εναλλακτικά} \quad \nu = \frac{d}{t_1} = \frac{1,8m}{0,9s} = 2m/s$$

- ii) Με βάση το στιγμιότυπο, βλέπουμε ότι το σημείο M στο οποίο έχει φτάση το κύμα τη στιγμή  $t_1$  πρόκειται να κινηθεί προς τα πάνω και αυτό συμβαίνει και για κάθε σημείο του μέσου που φτάνει το κύμα. Άρα και το σημείο O, στη θέση x=0 τη στιγμή t=0, άρχισε να ταλαντώνεται ξεκινώντας από την θέση ισορροπίας του κινούμενο προς την θετική κατεύθυνση, έχοντας δηλαδή μηδενική αρχική φάση. Αυτό σημαίνει ότι η εξίσωση του κύματος είναι αυτή που δίνει το σχολικό βιβλίο, είναι δηλαδή της μορφής:

$$y = A\eta\mu 2\pi \left( \frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right) = 0,2 \cdot \eta\mu 2\pi \left( \frac{t}{0,4} - \frac{x}{0,8} \right) \quad (\text{S.I.}) \quad \text{με } x > 0 \text{ και } t > 0$$

- iii) a) Αντικαθιστώντας στην παραπάνω εξίσωση κύματος  $x=x_K=4/3m$ , παίρνουμε για το σημείο K, τη στιγμή

$t_1$ :

$$y_K = 0,2 \cdot \eta \mu 2\pi \left( \frac{t}{0,4} - \frac{4}{3 \cdot 0,8} \right) = 0,2 \cdot \eta \mu \left( 2\pi \frac{t}{0,4} - \frac{10\pi}{3} \right) \quad (1) \text{ кәдінде } t=t_1 \rightarrow$$

$$y_K = 0,2 \cdot \eta \mu \left( 2\pi \frac{0,9}{0,4} - \frac{10\pi}{3} \right) = 0,2 \cdot \eta \mu \left( \frac{7\pi}{6} \right) = -0,1m$$

Аллаң аң әзісіші (1) дінен тұн апомақрұннан арқында тұн өтеші ғариятпіңін симбізін K, әндістіктердегі әзісішілердің ғибадаттарынан таңғыттыңа және епітәжнен тұн өтеші:

$$v_K = A\omega \cdot \sigma v v 2\pi \left( \frac{t}{0,4} - \frac{4}{3 \cdot 0,8} \right) = 0,2 \cdot \frac{2\pi}{0,4} \cdot \sigma v v \left( \frac{7\pi}{6} \right) = -\pi \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} m/s \text{ әнді}$$

$$\alpha_K = -A\omega^2 \cdot \eta \mu 2\pi \left( \frac{t}{0,4} - \frac{4}{3 \cdot 0,8} \right) = -\omega^2 \cdot y_K = -\frac{4\pi^2}{T^2} y_K \approx 25m/s^2$$

β) Тұн кұмада өткізу үшін симбізі K тұн ғариятпіңін стигмасын:

$$x_K = vt' \rightarrow t' = \frac{x_K}{v} = \frac{4/3}{2} s = \frac{2}{3} s = 0,67s$$

a) Аллаң тұтес тұн стигмасы  $t_2=0,67s$ , тұн кұмада өткізу үшін ғариятпіңін K тұн ғариятпіңін стигмасынан тақылантыветін және параллеленген ақыннан тұн өтеші ғариятпіңін стигмасынан.

b) Апі тұн әзісіші (1) ғибадат  $t_2=29/30s$  пайдаланылады:

$$y_{K,2} = 0,2 \cdot \eta \mu \left( 2\pi \frac{t}{0,4} - \frac{10\pi}{3} \right) = 0,2 \cdot \eta \mu \left( 2\pi \frac{29/30}{0,4} - \frac{10\pi}{3} \right) m = 0,2 \cdot \eta \mu \left( \frac{3\pi}{2} \right) m = -0,2m$$

[dmargaris@gmail.com](mailto:dmargaris@gmail.com)