

Ένα φορτισμένο σωματίδιο μπαίνει σε ΟΜΠ

Στο σχήμα βλέπετε την τομή ενός ομογενούς μαγνητικού πεδίου, στο επίπεδο της σελίδας, σχήματος τετραγώνου πλευράς $a=0,3\text{m}$, με ένταση $B=0,1\text{T}$ κάθετη στη σελίδα. Ένα αρνητικά φορτισμένο σωματίδιο X κινείται στην διεύθυνση της πλευράς AB και μπαίνει με ταχύτητα v στο πεδίο, στην κορυφή A και εξέρχεται από αυτό από την κορυφή Γ, στη διεύθυνση της πλευράς BG.

- i) Ποια η φορά της έντασης του πεδίου και γιατί;

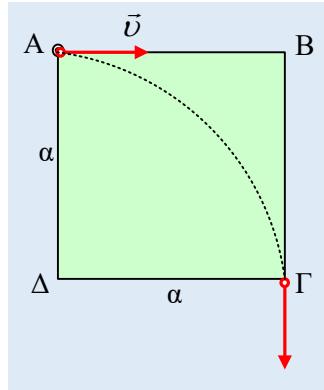
ii) Ποια η ταχύτητα υ του σωματιδίου και ποιος ο χρόνος που διαρκεί η κίνησή του στο πεδίο;

iii) Ποια η μεταβολή της ταχύτητας του σωματιδίου X, κατά το πέρασμά του από το πεδίο;

iv) Ένα δεύτερο όμοιο σωματίδιο Y, μπαίνει στο πεδίο στην κορυφή A, με ταχύτητα υ ίδιας κατεύθυνσης με το X και εξέρχεται από το πεδίο αφού διαγράψει τόξο 120° .

a) Να βρεθεί το μέτρο της ταχύτητα υ, του σωματιδίου Y.

β) Ποια είναι η αντίστοιχη μεταβολή της ταχύτητας του σωματιδίου Y, κατά το πέρασμά του από το πεδίο;



Δίνεται το ειδικό φορτίο των σωματιδίουν $|q|/m = 2 \cdot 10^4$ C/kg, ενώ στο χώρο δεν υπάρχει βαρυτικό πεδίο.

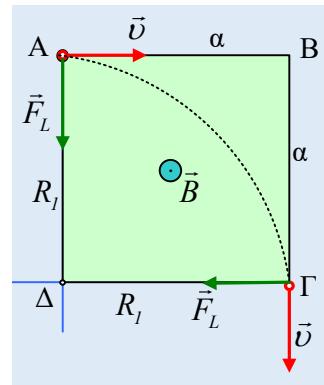
Απάντηση:

- i) Αφού το σωματίδιο X εκτρέπεται «προς τα κάτω» στο σχήμα, δέχεται δύναμη Lorentz κάθετη στην ταχύτητα με κατεύθυνση προς το Δ , όπως στο σχήμα. Άλλα τότε εφαρμόζοντας τον κανόνα των τριών δακτύλων, βρίσκουμε ότι το μαγνητικό πεδίο έχει ένταση (κάθετη στο επίπεδο της σελίδας) με φορά προς τον αναγνώστη, όπως στο σχήμα.

ii) Η δύναμη Lorentz που δέχεται το σωματίδιο μόλις μπει στο πεδίο, παίζει τον ρόλο της κεντρομόλου δύναμης, συνεπώς το κέντρο της κυκλικής τροχιάς που διαγράφει, είναι κάποιο σημείο της πλευράς $\Delta\Gamma$ ή στην προέκτασή της. Με την ίδια λογική σχεδιάζοντας την δύναμη Lorentz τη στιγμή που φτάνει στην κορυφή Γ , βλέπουμε ότι το κέντρο της κυκλικής τροχιάς είναι ένα σημείο της πλευράς $\Delta\Gamma$ ή στην προέκτασή της. Η τομή των δύο παραπάνω ημιευθειών είναι το σημείο Δ , το οποίο είναι και το κέντρο του κύκλου που διαγράφει, οπότε και $R_1 = \alpha = 0,3\text{m}$. Άλλα για την ακτίνα της τροχιάς ισχύει:

$$R_i = \frac{mv}{B|q|} \rightarrow v = R_i B \cdot \frac{|q|}{m} = 0,3 \cdot 0,1 \cdot 2 \cdot 10^4 \text{ m/s} = 600 \text{ m/s}$$

Με βάση τα παραπάνω, το σωματίδιο μέσα στο πεδίο διαγράφει τόξο 90° (η επίκεντρη γωνία είναι η γωνία ΑΔΓ, γωνία ορθή), οπότε ο χρόνος κίνησης από το Α στο Γ, θα είναι ίσος με το $\frac{1}{4}$ της περιόδου:



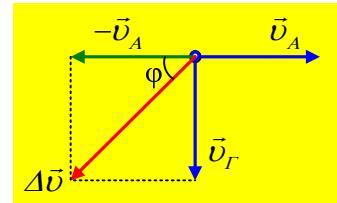
$$t_1 = \frac{1}{4} T = \frac{1}{4} \frac{2m}{B|q|} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{B \frac{|q|}{m}} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{0,1 \cdot 10^4} s = 5 \cdot 10^{-4} s$$

iii) Га тиң метаболы тиң тақыттаң туң сошматидің X ғысуме:

$$\Delta \vec{v} = \vec{v}_{\text{rel}} - \vec{v}_{\text{app}} = \vec{v}_A + (-\vec{v}_A)$$

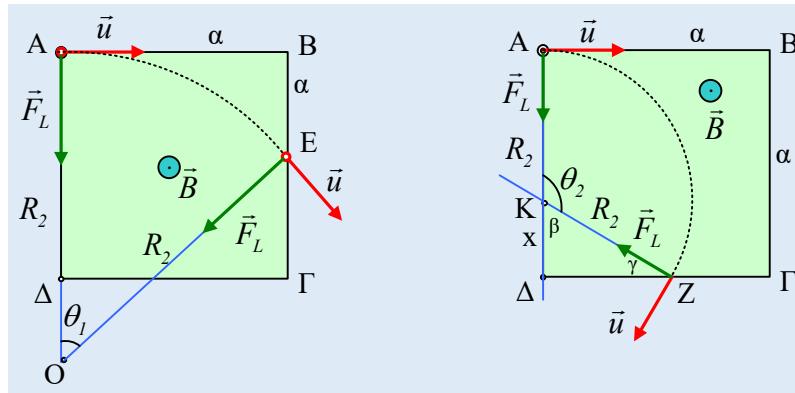
Опуш архикі кай телекі тақыттаң, ғысун туң іди мәтре v. Етсі мө басын кай то диплано схімма, ғысунме оғын метаболы тиң тақыттаң ғысун мәтре:

$$\Delta v = \sqrt{v^2 + v^2} = \sqrt{2v^2} = v\sqrt{2} = 600\sqrt{2} \text{ m/s}$$



Енде то параллелограмм то сошедіа сааме ғысун тетрэговон, сунепәвс ғысун мөдиянвіс діжотоме ғысун ортін ғовнія кай φ=45°.

iv) Парарапано біріккеме оғын то сошматидің X кинінгінде се күкли мө көнтрю тиң коруфы Δ туң пәдің. Пойи мөоре ғысун туң көнтрю тиң тақыттаң туң сошматидің Y; ғысунме дұнды ендехомен, поу емфаңізонталык то парақату схімма.



- Көнтрю тиң күкли тақыттаң ғысун туң симбей О, кайто апі то Δ, ғысун то прівто схімма. Ан сунбейі ауті, тозе ғысунме мөгальнітерік актінан тақыттаң R_2 > R_1, прағым то сошеме оғын кай то > v. Тозе то сошматиді езгерхетаі апі то ғысун туң тақыттаң BГ кай то төзі AE ғысун мөкінтең апі то 90° 90° аутістікін ғовнія θ_1 < 90°. Н періптуоси апорріптеат.
- Көнтрю тиң күкли тақыттаң ғысун туң ғысун туң симбей K, ғысун то деснітерік схімма, оғынде ғысун мөкінтең ғовнія θ_2 ғысун амблевія, оғынде мөоре ғысун туң 120°, поу мөас дінется. Стінг періптуоси аутік актінан тиң күкли тақыттаң R_2 = (AK) < R_1.

a) Ан θ_2 = 120°, тозе ғысун мөкінтең β то схіммада ғысун туң ғысун туң 60° кай то ғысун мөкінтең γ, то ортогонін тақыттаң ΔKZ, ғысун туң 30°. Аллайда тозе то тақыттаң аутік көнтрю тақыттаң (KΔ)=x, ғысун туң ғысун туң x, то мөас дінется. Стінг ғысун туң ғысун туң (KZ)=R_2. Етсі:

$$(AK) = (KΔ) + (ΔZ) \rightarrow \alpha = R_2 + x \rightarrow \alpha = R_2 + \frac{R_2}{2} \rightarrow$$

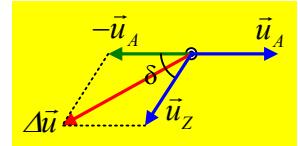
$$R_2 = \frac{2a}{3} = \frac{2 \cdot 0,3}{3} m = 0,2 m \rightarrow$$

$$R_2 = \frac{mu}{B|q|} \rightarrow u = R_2 B \cdot \frac{|q|}{m} = 0,2 \cdot 0,1 \cdot 2 \cdot 10^4 \text{ m/s} = 400 \text{ m/s}$$

β) Гia тην μεταβολή της ταχύτητας του σωματιδίου Y, δουλεύοντας όπως παραπάνω, έχουμε:

$$\Delta \vec{u} = \vec{u}_{\text{rel}} - \vec{u}_{\alpha\rho\chi} = \vec{u}_Z + (-\vec{u}_A)$$

Опou архикή και тeликή тaчyтeta, eхouн to iдиo мétrо u, eнó η kateуthunsoη tηs тeликήs тaчyтetaс sчhematízei μe tηn pлеuяrа ΓΔ, γoнia δ=90°-30°=60° (сумпlрoматиkή tηs γoнiaς γ). Eтsi μe βásη κai to дiplanó sчhemam, eхouмe óti η μeтaбoлή tηs тaчyтetaс eхei мétrо:



$$\Delta u = \sqrt{u^2 + u^2 + 2u \cdot u \cdot \sin 60^\circ} \xrightarrow{\sin 60^\circ = \sqrt{3}/2} \Delta u = \sqrt{3u^2} = u\sqrt{3} = 400\sqrt{3} \text{ m/s}$$

Eнó to πapaллeгyraмmo πou sчeдиásaмe eинai рóмbiсs, oпóte η diaгѡnioc δiчotomei tηn γoнia δ, μe álla λoгia η μeтaбoлή tηs тaчyтetaс sчhematízei γoнia ½ δ=30°, μe tηn δiеуthunsoη tηs AB.

Σxόlio.

Sto тeлeuntaio eрoтeмa θa мporoúsамe na anaлúsouмe tηn тaчyтeta u_Z se áxonec, oпóte na дouлeψouмe se oрthoγѡnioc áxonec x κai y.

dmargaris@gmail.com