

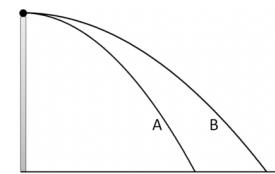
**ΟΛΙΚΟΣ ΧΡΟΝΟΣ ΠΤΩΣΗΣ**

1. #20233 Ένα βομβαρδιστικό αεροπλάνο κινείται οριζόντια σε ύψος  $h$  πάνω από το έδαφος με σταθερή ταχύτητα  $v_0$ . Κάποια χρονική στιγμή  $t_0$  αφήνεται να πέσει από το αεροπλάνο μία βόμβα. Η βόμβα φτάνει στο έδαφος μετά από χρονικό διάστημα  $\Delta t = 4s$ . Το βομβαρδιστικό αεροπλάνο εξακολουθώντας την οριζόντια κίνησή του στο ίδιο ύψος  $h$ , αυξάνει την ταχύτητά του σε  $2v_0$  και τη διατηρεί σταθερή. Κάποια επόμενη χρονική στιγμή  $t_1$  αφήνεται να πέσει από το αεροπλάνο μία δεύτερη βόμβα. Η βόμβα φτάνει στο έδαφος μετά από χρονικό διάστημα  $\Delta t'$ . Αν θεωρήσουμε ότι δεν υπάρχουν τριβές και η αντίσταση του αέρα είναι αμελητέα τότε : (α)  $\Delta t' = 2s$  , (β)  $\Delta t' = 4s$  , (γ)  $\Delta t' = 8s$

2. #16873 Δύο μπάλες A και B κινούνται με διαφορετικές ταχύτητες με μέτρα και αντίστοιχα στην επιφάνεια ενός λείου οριζόντιου τραπεζιού που βρίσκεται σε ύψος από το δάπεδο και πέφτουν την ίδια χρονική στιγμή από την άκρη του. Αν  $v_A > v_B$  ποια σφαίρα θα φθάσει πρώτη στο έδαφος; (α) η A, (β) η B, (γ) θα φθάσουν ταυτόχρονα

3. #16737 Δύο σώματα A και B με μάζες  $m_1$  και  $m_2 = 2m_1$  αντίστοιχα, βρίσκονται στο ίδιο μικρό ύψος  $h$  από το έδαφος και εκτοξεύονται οριζόντια με ταχύτητες  $v_1$  και  $v_2 = 3v_1$  αντίστοιχα προς αντίθετες κατευθύνσεις Αν αγνοήσουμε την αντίσταση του αέρα, τότε (α) το σώμα A θα φτάσει πρώτο στο έδαφος (β) το σώμα B θα φτάσει πρώτο στο έδαφος (γ) τα δύο σώματα θα φτάσουν ταυτόχρονα στο έδαφος

4. #20230 Η σφαίρα του σχήματος εκτοξεύεται δύο φορές με διαφορετικές αρχικές ταχύτητες εκτελώντας οριζόντια βολή, από το ίδιο ύψος  $h$  από το έδαφος. Στο σχήμα φαίνεται η τροχιά που ακολουθεί μετά την πρώτη ορίψη (A) και μετά τη δεύτερη ορίψη (B) αντίστοιχα. Ο χρόνος που θα κινηθεί η σφαίρα μέχρι να φτάσει στο έδαφος είναι: (α) μεγαλύτερος στην τροχιά A, (β) μεγαλύτερος στην τροχιά B , (γ) ίδιος για τις τροχιές A και B



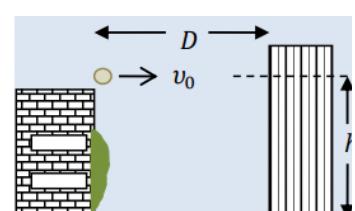
5. #16049 Μικρή σφαίρα αφήνεται να πέσει από μικρό ύψος  $h$  από το έδαφος, εκτελώντας ελεύθερη πτώση. Μια ίδια σφαίρα βάλλεται ταυτόχρονα από το ίδιο ύψος με οριζόντια ταχύτητα μέτρου  $v_0$ . Έστω  $\Delta t_1$  και  $\Delta t_2$  τα χρονικά διαστήματα που κάνουν η πρώτη και η δεύτερη σφαίρα, αντίστοιχα, για να φτάσουν στο έδαφος. Η σχέση ανάμεσα στα δύο χρονικά διαστήματα είναι: (α)  $\Delta t_1 < \Delta t_2$ , (β)  $\Delta t_1 = \Delta t_2$ , (γ)  $\Delta t_1 > \Delta t_2$

6. #16039 Δύο σώματα A και B εκτοξεύονται ταυτόχρονα οριζόντια από σημεία που απέχουν από το έδαφος ύψη  $h$  και  $9h$  αντίστοιχα. (α) Το A σώμα θέλει τριπλάσιο χρόνο από το B σώμα για να φτάσει στο έδαφος. (β) Το B σώμα θέλει τριπλάσιο χρόνο από το A σώμα για να φτάσει στο έδαφος. (γ) Τα δύο σώματα A και B φτάνουν ταυτόχρονα στο έδαφος

7. #20232 Δύο βομβαρδιστικά αεροπλάνα (1) και (2) κινούνται με ταχύτητες οριζόντιας διεύθυνσης, σε ύψη  $H_1 = H$  και  $H_2 = \frac{5H}{2}$  αντίστοιχα, πάνω από το έδαφος. Τη χρονική στιγμή  $t_0 = 0$ , αφήνεται να πέσει από κάθε αεροπλάνο μία βόμβα. Οι βόμβες φτάνουν στο έδαφος τις χρονικές στιγμές  $t_1$  και  $t_2$ , αντίστοιχα. Αν θεωρήσουμε μηδενική την αντίσταση του αέρα, για το λόγο  $\frac{t_1}{t_2}$ , ισχύει:

$$(α) \frac{t_1}{t_2} = \sqrt{\frac{2}{5}} \quad (β) \frac{t_1}{t_2} = \sqrt{\frac{5}{2}} \quad (γ) \frac{t_1}{t_2} = \frac{\sqrt{5}}{2}$$

8. #16249 Μικρή σφαίρα βάλλεται οριζόντια με ταχύτητα μέτρου  $v_0 = 10 m/s$  πάνω την ταράτσα ενός κτιρίου. Η ταράτσα βρίσκεται σε ύψος  $h = 45 m$  από το έδαφος, που θεωρείται οριζόντιο. Σε απόσταση  $D = 20m$  από το κτίριο αυτό υπάρχει δεύτερο ψηλό κτίριο όπως φαίνεται και στο σχήμα. Το μέτρο της επιτάχυνσης της βαρύτητας στην επιφάνεια της Γης είναι  $g=10m/s^2$  και η αντίσταση του αέρα θεωρείται αμελητέα. Ο χρόνος κίνησης μέχρι την πρώτη πρόσκρουση του σώματος (είτε στο έδαφος είτε στο απέναντι κτήριο) είναι: (α)  $3s$  , (β)  $2s$  , (γ)  $1s$



**ΒΕΛΗΝΕΚΕΣ**

9. #19480 Ένα σώμα εκτοξεύεται από σημείο Ο που βρίσκεται σε ύψος  $H$  με αρχική ταχύτητα  $\vec{v}_0$  και εκτελεί οριζόντια βολή με βεληνεκές  $S$ . Αν εκτοξεύσουμε οριζόντια το ίδιο σώμα από το ίδιο σημείο με ταχύτητα  $2\vec{v}_0$ , το βεληνεκές: α) παραμένει ίδιο β) διπλασιάζεται γ) τετραπλασιάζεται.

10. #19651 Ένα σώμα εκτελεί οριζόντια βολή, από ύψος  $H$ , με αρχική ταχύτητα  $\vec{v}_0$ . Το βεληνεκές της είναι ίσο με  $S_1$ . Αν το ίδιο σώμα εκτελέσει οριζόντια βολή από ύψος  $4H$ , με την ίδια αρχική οριζόντια ταχύτητα  $\vec{v}_0$ , τότε το βεληνεκές: (α) δε μεταβάλλεται. (β) υποδιπλασιάζεται. (γ) διπλασιάζεται.

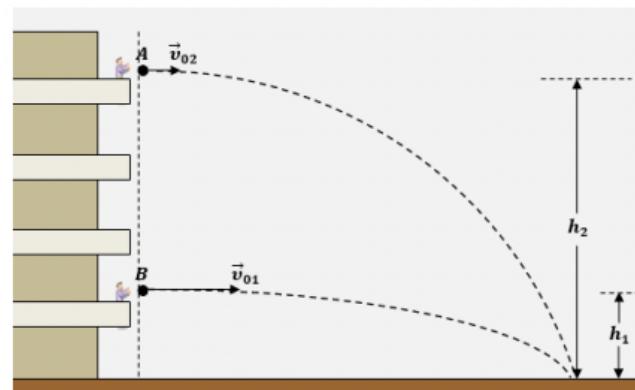
11. #16118 Δύο σφαίρες  $\Sigma_1$  και  $\Sigma_2$  εκτοξεύονται οριζόντια με την ίδια ταχύτητα από σημεία  $A$  και  $B$  αντίστοιχα που βρίσκονται στην ίδια κατακόρυφο και σε ύψη από το έδαφος  $h_1$  και  $h_2$  αντίστοιχα για τα οποία ισχύει  $h_1 = 4 \cdot h_2$ . Αν η οριζόντια μετατόπιση από το σημείο εκτόξευσης των σφαιρών  $\Sigma_1$  και  $\Sigma_2$  μέχρι το σημείο πρόσκρουσης στο έδαφος (δηλαδή το βεληνεκές), είναι  $x_1$  και  $x_2$  αντίστοιχα, τότε ισχύει: (α)  $x_1 = 4 \cdot x_2$ , (β)  $x_1 = \sqrt{2} \cdot x_2$ , (γ)  $x_1 = 2 \cdot x_2$

12. #16098. Αν για ένα σώμα που εκτελεί οριζόντια βολή με αρχική ταχύτητα μέτρου  $v_0$ , το οριζόντιο βεληνεκές είναι ίσο με  $S$ , τότε το ύψος  $H$  από το οποίο εκτοξεύθηκε το αντικείμενο είναι:

$$(α) \frac{2v_0^2}{g} \quad (β) \frac{2v_0^2}{gS^2} \quad (γ) \frac{gS^2}{2v_0}$$

13. #21438 Μικρή σφαίρα εκτοξεύεται τη χρονική στιγμή  $t=0$  οριζόντια, με ταχύτητα  $\vec{v}_0$  από ύψος  $H$  από το έδαφος. Τη χρονική στιγμή  $t=t_1$  η σφαίρα απέχει  $h = \frac{15H}{16}$  από το έδαφος. Εάν  $s$  η συνολική οριζόντια απόσταση που θα διανύσει η σφαίρα μέχρι να φτάσει στο έδαφος και  $s_1$  η οριζόντια απόσταση που έχει διανύσει η σφαίρα μέχρι τη χρονική στιγμή  $t_1$ , τότε ισχύει: (α)  $s_1 = \frac{1}{2}s$ , (β)  $s_1 = \frac{1}{4}s$ , (γ)  $s_1 = \frac{1}{8}s$

14. #22515 Δύο άνθρωποι που βρίσκονται σε μπαλκόνια ενός ψηλού κτιρίου, πετούν από μια μικρή σφαίρα ο καθένας. Ο ένας πετάει τη δική του σφαίρα με αρχική οριζόντια ταχύτητα  $\vec{v}_{02}$ , από το σημείο  $A$  το οποίο βρίσκεται σε ύψος  $h_2$  από το οριζόντιο έδαφος. Ο άλλος πετάει τη δική του σφαίρα με αρχική οριζόντια ταχύτητα  $\vec{v}_{01}$ , από το σημείο  $B$  το οποίο βρίσκεται σε ύψος  $h_1$  από το οριζόντιο έδαφος. Αν δίνεται ότι για τα δύο ύψη ισχύει η σχέση  $h_2 = 4h_1$ , ότι μπορούμε να αγνοήσουμε τις αντιστάσεις του αέρα και ότι οι δύο σφαίρες έφτασαν στο ίδιο ακριβώς σημείο στο οριζόντιο έδαφος που βρίσκεται στη βάση του κτιρίου, τότε για τα μέτρα των οριζόντιων αρχικών ταχυτήτων των δύο σφαιρών ισχύει η σχέση: (α)  $v_{01} = 2v_{02}$  (β)  $v_{01} = v_{02}$  (γ)  $v_{02} = 2v_{01}$



15. #20105 Μια βόμβα μάζας  $m$  βρίσκεται στιγμαία ακίνητη σε ύψος  $H$  από την επιφάνεια της Γης. Τη στιγμή εκείνη, εκρήγνυται σε δύο κομμάτια, που εκτοξεύονται οριζόντια με ταχύτητες μέτρου  $v_1$  και  $v_2$  αντίστοιχα. Αν γνωρίζετε ότι το οριζόντιο βεληνεκές  $S_2$  του δεύτερου κομματιού είναι διπλάσιο του οριζόντιου βεληνεκούς  $S_1$  του πρώτου κομματιού τότε, τα μέτρα των ταχυτήτων  $v_1$  και  $v_2$  ικανοποιούν τη σχέση: α)  $\frac{v_1}{v_2} = \frac{1}{4}$ , (β)  $\frac{v_1}{v_2} = \frac{1}{2}$ , (γ)  $\frac{v_1}{v_2} = 2$

**ΕΠΙΤΕΥΧΗ ΣΥΝΘΗΚΗΣ**

16. #19477 Ένα σώμα εκτοξεύεται από σημείο Ο την χρονική στιγμή  $t_0 = 0$  και εκτελεί οριζόντια βολή. Η χρονική στιγμή  $t_1$  κατά την οποία το μέτρο της κατακόρυφης συνιστώσας της ταχύτητας είναι διπλάσιο από το μέτρο της οριζόντιας συνιστώσας της, είναι ίση με: α)  $\frac{v_0}{g}$ , β)  $\frac{2v_0}{g}$ , γ)  $\frac{v_0}{2g}$

17. #16085 Σώμα εκτοξεύεται οριζόντια από κάποιο ύψος με ταχύτητα μέτρου  $v_0$ . Ο χρόνος που περνά για να γίνει το μέτρο της ταχύτητας του σώματος ίσο με  $3v_0$  είναι ίσος με:

$$(α) t = \frac{v_0\sqrt{2}}{g}, (β) t = \frac{2v_0\sqrt{2}}{g}, (γ) t=v_0.$$

18. #16264 Σώμα εκτοξεύεται οριζόντια από κάποιο ύψος  $h$  πάνω από το έδαφος με οριζόντια ταχύτητα  $v_0$ . Κάποια στιγμή η οριζόντια μετατόπιση  $x$  έχει το ίδιο μέτρο με την κατακόρυφη μετατόπιση  $y$ . Τη στιγμή αυτή, η ταχύτητα του σώματος έχει μέτρο: (α)  $v_0\sqrt{3}$ , (β)  $v_0\sqrt{5}$ , (γ)  $v_0\sqrt{7}$

19. #16206 Από σημείο Ο που βρίσκεται σε ύψος  $H$  από το έδαφος βάλλεται οριζόντια ένα σώμα μάζας  $m$  με αρχική ταχύτητα μέτρου  $v_0$ , έχοντας κινητική ενέργεια  $K_0$  (η επιτάχυνση της βαρύτητας είναι σταθερή με τιμή  $g$  και η αντίσταση του αέρα θεωρείται αμελητέα). Τη χρονική στιγμή που η κινητική ενέργεια του σώματος είναι διπλάσια από την αρχική, το μέτρο της κατακόρυφης συνιστώσας της ταχύτητας είναι  $v_y$  και της οριζόντιας συνιστώσας είναι  $v_x$ . Ο λόγος των μέτρων των ταχυτήτων  $v_x/v_y$  του σώματος εκείνη τη στιγμή είναι ίσος με: (α)  $1/2$ , (β)  $2$ , (γ)  $1$ .

20. #21440 Μία μικρή σφαίρα εκτοξεύεται οριζόντια με ταχύτητα  $v_0$  από ύψος  $h$ . Το μέτρο της ταχύτητάς της όταν φτάνει στο έδαφος είναι ίσο με  $2 \cdot v_0$ . Το ύψος  $h$  από το οποίο εκτοξεύτηκε η σφαίρα δίνεται από τη σχέση: (α)  $h = \frac{v_0^2}{2g}$ , (β)  $h = \frac{2v_0^2}{3g}$ , (γ)  $h = \frac{3v_0^2}{2g}$

**ΘΕΩΡΙΑ**

21. #16639 Σώμα μάζας  $m$  εκτοξεύεται οριζόντια με ταχύτητα μέτρου  $v_0$  από μικρό ύψος  $h$ . Η τροχιά που θα διαγράψει το σώμα θα είναι παραβολή εάν:

- (α) στο σώμα ασκούνται η βαρυτική δύναμη και η αντίσταση του αέρα.
- (β) η μόνη δύναμη που ασκείται στο σώμα είναι το βάρος του.
- (γ) η συνισταμένη δύναμη που ασκείται στο σώμα είναι μηδενική.

22. #16871 Από ύψος  $H$  πάνω από οριζόντιο δάπεδο και σε συγκεκριμένο τόπο, πετάμε μια μικρή σφαίρα, με οριζόντια αρχική ταχύτητα  $v_0$ . Αν οι αντιστάσεις του αέρα αγνοθούν, η τελική ταχύτητα της σφαίρας όταν φτάνει στο δάπεδο, σχηματίζει με την οριζόντια διεύθυνση γωνία  $\phi$ , η οποία είναι:

- (α) ανεξάρτητη από το μέτρο  $v_0$  της αρχικής ταχύτητας.
- (β) εξαρτώμενη από το μέτρο  $v_0$  της αρχικής ταχύτητας.
- (γ) πάντα ίση με  $45^\circ$

23. #21688 Δύο παιδιά, η Μαρία και η Γεωργία, παίζουν στην ακροθαλασσιά πετώντας πέτρες. Κάποια στιγμή τα δύο παιδιά πετούν ταυτοχρόνως, από το ίδιο ύψος  $H$  από την επιφάνεια της θάλασσας, από μία πέτρα με οριζόντια ταχύτητα  $v_M$  και  $v_G$  αντίστοιχα. Για τα μέτρα των ταχυτήτων ισχύει  $v_M > v_G$ . Κατά την κίνηση,  $h_M$  και  $h_G$  είναι τα ύψη από την επιφάνεια της θάλασσας που βρίσκονται τη χρονική στιγμή  $t$  η πέτρα της Μαρίας και αυτή της Γεωργίας αντίστοιχα. Η αντίσταση του αέρα θεωρείται αμελητέα. Για τα ύψη  $h_M$  και  $h_G$  κάθε ξρονική στιγμή ισχύει: (α)  $h_M < h_G$ , (β)  $h_M = h_G$ , (γ)  $h_M > h_G$