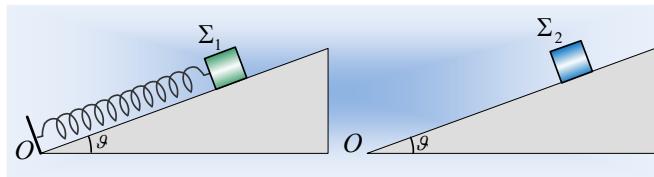


1.1. Механикес Талантология. Омада Ст.

101) Ано сомата афіновати на кинетоун.

Дуо сомата Σ_1 и Σ_2 , ідіас мáзас $m=2\text{kg}$,
сүгкрайтінтай се леіо кеклимено епіпедо
апéхонтац катá $D=1,5\text{m}$ арі тиң коруфы тиң O .
То Σ_1 еінай демено сто акро іданікіу еләтіріон
стаберáс $k=20\text{N/m}$ мес фүсико мήкос $l_0=1,2\text{m}$, то



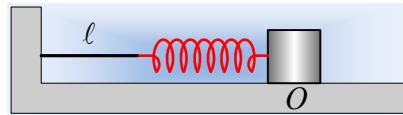
альло акро тиң оғойын дөнетсяи се стіргима сти бáсиги тиң епіпедо, ошо се схýма. Се міа стіргим ($t_0=0$)
афіновуме таутóхрона та сомата на кинетоун.

- i) На бреіті η архике епітажунсі Σ_1 кáтес сомато.
- ii) На упологистоун ои таұттегес таң сомато, ти стіргим t_1 поу апоктоун ісес епітажунсіс гиа праоти
фора.
- iii) Пóсо апéхеі кáтес сома арі тиң коруфы O тиң епіпедо ти стіргим t_2 поу міденізетаі гиа праоти
таұттегес таң сомато Σ_1 ;
- iv) На парастаіті η таұттегес кáтес сомато се сунárтети мес то ҳроно, мэхри ти стіргим t_2 , то

То кеклимено епіпедо ғече клісі θ , мес $\eta\mu\theta=0,3$, η епітажунсі $g=10\text{m/s}^2$ мес $\pi^2 \approx 10$.

102) Мéхри на мїденістей η таұттегес таң сомато.

Ена сома мáзас 2kg нримеі се леіо орізонтіо епіпедо сти O ,
демено сто акро іданікіу еләтіріон, стаберáс $k=20\text{N/m}$, ошо се схýма,
опоу то еләтіріо сундёетаі мес катакоруфо тоічо мес нýма
мήкос $l=1\text{m}$, то оғой еінай тентовмено. Ектрепоуме то сома проу та
деңія катá $(\pi/5)\text{m}$ мес ти стіргим $t_0=0$, то афіновуме на кинетеі. Ламбáновтас ти O оға архітін ажына
($x=0$) мес өтетікі тиң проу та деңія катеұтунсі, на бреіті:



- i) Н мéгистеі таұттегес таң сомато.
- ii) Н ҳронике стіргим t_1 опоу ға атаматісі η проу та аристерá кинети таң сомато.
- iii) Н езісвоста тиң O оғаси таң сомато, се сунárтети мес то ҳроно ($x_1=f(t)$), мэхри ти стіргим t_1 . На гініеі мес
на антістотиғи ғрафикі.
- iv) Ан се міа аллы өріпетвоста, то сома ектелюіс кинети мес езісвоста:

$$x=x_1+2 \cdot \sin(\pi t)$$

όπου x_1 η θέση του σώματος κατά την παραπάνω κίνηση, να υπολογιστεί η ταχύτητα του σώματος τη χρονική στιγμή $t_2=0,75s$.

$\Delta\text{ίνεται } \pi^2 \approx 10.$

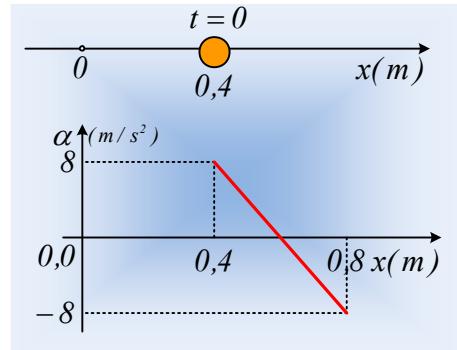
103) Η θέση και η απομάκρυνση σε μια AAT.

Ένα σώμα μάζας $m=0,1\text{kg}$ κινείται κατά μήκος ενός προσανατολισμένου άξονα x, εκτελώντας AAT, ενώ η επιτάχυνσή του σε συνάρτηση με τη θέση του, δίνεται στο διπλανό διάγραμμα.

- i) Γύρω από ποια θέση ταλαντώνεται το σώμα και με ποιο πλάτος;

ii) Να βρεθούν οι εξισώσεις:

 - α) της απομάκρυνσης από τη θέση ισορροπίας και
 - β) της θέσης του σώματος



σε συνάρτηση με το χρόνο και να γίνουν οι γραφικές τους παραστάσεις, αν το σώμα τη στιγμή $t_0=0$ βρίσκεται στη θέση $x_0=0,4m$.

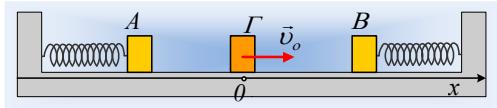
- iii) Να παρασταθεί επίσης γραφικά η δυναμική ενέργεια του σώματος, σε συνάρτηση:

 - a) με την απομάκρυνση από τη θέση ισορροπίας
 - β) με την θέση του σώματος.

$$\Delta \nu \varepsilon \tau \alpha \approx 10.$$

104) Τέσσερες κρούσεις σε μια περίοδο

Σε λείο οριζόντιο επίπεδο, δεμένα στα άκρα δύο όμοιων ελατηρίων, ηρεμούν δυο σώματα A και B, της ίδιας μάζας $m=1\text{kg}$, σε απόσταση 2m . Στο μέσον της απόστασής του, την οποία θεωρούμε ως αρχή ενός άξονα x, τοποθετούμε ένα τρίτο σώμα Γ, της ίδιας μάζας, το οποίο εκτοξεύουμε στη διεύθυνση x με ταχύτητα $v_0=2\text{m/s}$, όπως στο σχήμα τη στιγμή $t=0$. Το σώμα Γ φτάνει στη θέση $x=0$, κινούμενο ξανά προς τα δεξιά με ταχύτητα v_1 τη στιγμή $t'=3\text{s}$, αφού προηγουμένως έχει συγκρουσθεί κεντρικά και ελαστικά πρώτα με το B και μετά με το A σώμα.



- i) Να βρεθεί η ταχύτητα v_1 , καθώς και η σταθερά k των ελατηρίων.

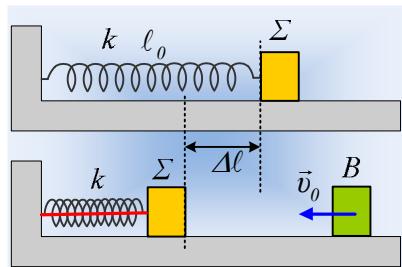
ii) Να υπολογιστεί η ενέργεια ταλάντωσης κάθε σώματος τις χρονικές στιγμές $t_1=0,25\text{s}$, $t_2=0,6\text{s}$, $t_3=2,3\text{s}$ και $t_4=2,7\text{s}$.

iii) Να γράψετε τις εξισώσεις $x=f(t)$ για τις θέσεις κάθε σώματος (πάνω στον καθορισμένο άξονα x) σε συνάρτηση με το χρόνο, μέχρι τη στιγμή t' .

Να παραστήσετε γραφικά τις παραπάνω εξισώσεις (συναρτήσεις) $x=f(t)$.

105) Με την κρούση, κόβουμε και το νήμα

Ένα σώμα Σ μάζας $m=4\text{kg}$ ηρεμεί δεμένο στο άκρο ενός ιδανικού ελατηρίου σταθεράς $k=40\text{N/m}$, σε λείο οριζόντιο επίπεδο. Μετακινούμε το σώμα προς τα αριστερά συσπειρώνοντας το ελατήριο κατά Δl και στη θέση αυτή το δένουμε με το νήμα, όπως στο κάτω σχήμα.



Ένα δεύτερο σώμα Β της ίδιας μάζας m κινείται στο ίδιο οριζόντιο επίπεδο με διεύθυνση τον άξονα του ελατηρίου, με σταθερή ταχύτητα $v_0=1\text{m/s}$. Τα δύο σώματα συγκρούονται κεντρικά και ελαστικά τη στιγμή $t_0=0$. Τη στιγμή της κρούσης, με ένα ψαλίδι, κόβουμε ταυτόχρονα και το νήμα που συγκρατούσε το σώμα Σ. Μετά την κρούση το Σ κινείται προς τα αριστερά μέχρι να μηδενιστεί στιγμιαία η ταχύτητά του τη στιγμή $t_1=1/3\text{s}$.

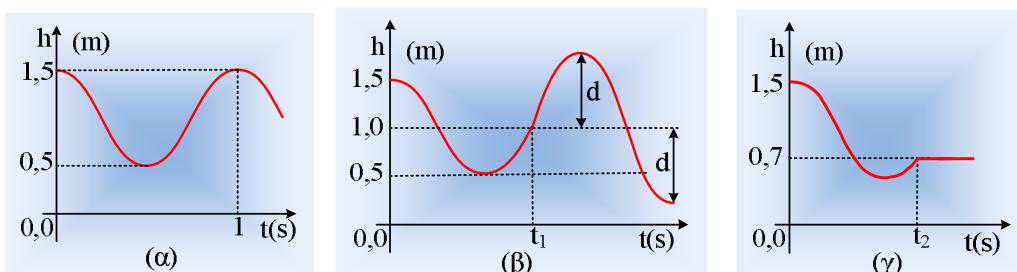
- i) Να βρεθούν οι ταχύτητες των δύο σωμάτων μετά την κρούση τους.
 - ii) Να βρεθεί η μεταβολή της φάσης της απομάκρυνσης του σώματος Σ , από την στιγμή της κρούσης έως τη στιγμή t_1 .
 - iii) Να βρεθεί η αρχική συσπείρωση Δl του ελατηρίου.
 - iv) Αν τα δύο σώματα συγκρούονται ξανά κεντρικά και ελαστικά τη στιγμή t_2 , ζητούνται:
 - a) Η απόσταση των δύο σωμάτων, όταν το ελατήριο αποκτήσει το φυσικό μήκος του, για πρώτη φορά.
 - β) Πόσο καθυστέρησε η απόκτηση του φυσικού μήκους του ελατηρίου, εξαιτίας της δεύτερης κρούσης μεταξύ των σωμάτων;
 - γ) Θεωρώντας τη θέση φυσικού μήκος του ελατηρίου, ως αρχή ενός οριζόντιου άξονα x , με θετική φορά προς τα δεξιά, να γράψετε τις συναρτήσεις $x=x(t)$, της θέσης κάθε σώματος σε συνάρτηση με το χρόνο και να γίνουν οι γραφικές παραστάσεις τους.

Δίνεται ότι η διάρκεια κάθε κρούσης είναι αμελητέα, τα σώματα θεωρούνται υλικά σημεία αμελητέων διαστάσεων και $\pi^2 \approx 10$.

106) Μια ταλάντωση και το ύψος

Ένα σώμα Σ μάζας 1kg, εκτελεί αατ στο άκρο ενός κατακόρυφου ιδανικού ελατηρίου.

- i) Να αποδείξετε ότι το ύψος h του σώματος από το έδαφος, είναι αρμονική συνάρτηση του χρόνου.
 - ii) Αν η γραφική παράσταση του ύψους του σώματος από το έδαφος είναι της μορφής του (α) σχήματος, να βρεθεί η εξίσωση της απομάκρυνσης του σώματος από τη θέση ισορροπίας σε συνάρτηση με το χρόνο, θεωρώντας την προς τα πάνω κατεύθυνση ως θετική.



- iii) Σε μια επανάληψη του πειράματος, το σώμα Σ κάποια στιγμή t_1 συγκρούεται με δεύτερο σώμα B , το οποίο κινείται κατακόρυφα, με αποτέλεσμα η γραφική παράσταση του ύψους σε συνάρτηση με το χρόνο, να είναι της μορφής του (β) σχήματος.

a) Η κρούση αυτή είναι πλαστική ή όχι και γιατί;

β) Το σώμα B πριν την κρούση είχε ταχύτητα προς τα πάνω ή προς τα κάτω;

Να δικαιολογήσετε τις απαντήσεις σας.

iv) Σε ένα άλλο πείραμα το σώμα Σ συγκρούεται με σώμα Γ , με αποτέλεσμα η αντίστοιχη γραφική παράσταση να είναι η (γ) στο παραπάνω σχήμα.

a) Πόση είναι η μάζα του σώματος Γ ;

β) Να βρεθεί η ταχύτητα του σώματος Γ ελάχιστα πριν την κρούση.

Δίνεται $g=10 \text{ m/s}^2$ και $\pi^2 \approx 10$.

107) Το ελάχιστο που μπορείς να κάνεις για να με σταματήσεις!

Σώμα Σ_1 μάζας m_1 είναι δεμένο στο ελεύθερο άκρο οριζόντιου ελατηρίου σταθεράς $k = 20\text{N/m}$ το αριστερό άκρο του οποίο είναι δεμένο σε ακλόνητο σημείο. Το δάπεδο πάνω στο οποίο μπορεί να κινηθεί το σώμα Σ_1 είναι λείο. Με τη βοήθεια νήματος το ελατήριο είναι συσπειρωμένο κατά απόσταση d σε σχέση με το φυσικό του μήκος. Τη χρονική στιγμή $t = 0$ κόβουμε το νήμα με αποτέλεσμα το σώμα Σ_1 να εκτελεί απλή αρμονική ταλάντωση. Σε κάποια άγνωστη απόσταση από το σώμα Σ_1 βρίσκεται ακίνητο σώμα Σ_2 μάζας m_2 .



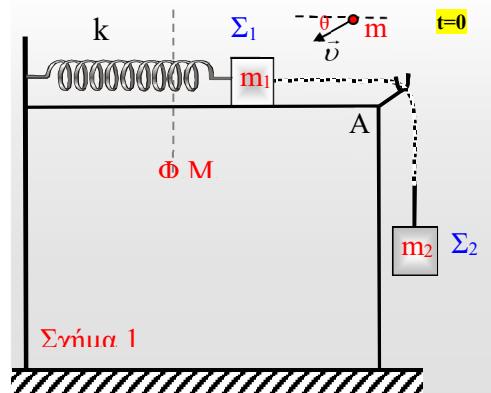
Στο διπλανό σχήμα απεικονίζεται το διάγραμμα της κινητικής ενέργειας του σώματος Σ_1 σε συνάρτηση με το χρόνο.

- i) Η σύγκρουση των δύο σωμάτων γίνεται στη θέση όπου το ελατήριο έχει το φυσικό του μήκος; Να δικαιολογήσετε την απάντησή σας.
 - ii) Πόση είναι η μάζα m_1 του σώματος Σ_1 ;
 - iii) Πόση είναι η αρχική απόσταση των δύο σωμάτων;
 - iv) Πόσο ήταν το μέτρο της τάσης του νήματος λίγο πριν το κόψουμε;
 - v) Ποια είναι η ελάχιστη τιμής της μάζας m_2 του σώματος Σ_2 έτσι ώστε να πραγματοποιηθεί η παραπάνω κρούση;
 - vi) Θεωρώντας ότι το σώμα Σ_2 έχει μάζα ίση με την ελάχιστη τιμή που μπορεί να έχει για να συμβεί το παραπάνω φαινόμενο, να βρείτε την απόσταση των σωμάτων τη χρονική στιγμή $t_1 = 0,2\pi$ s.

Θεωρήστε αμελητέα τη χρονική διάρκεια της κρούσης.

108) Аны сұмбат талантононтai үстера арқы миа идияттери кроуси...

То сұмба Σ_1 тоң дипланоң схематос өчей мәзға $m_1=1,9\text{kg}$ кай ейнай дәмәнене тоң елеуітеро ақро енөс орізонталы еластирию стафтерас $k=500\text{N/m}$ то альо ақро тоң оғойын ейнай ақлонетта стеревомене се тоң. Ап оң альи мөрия тоң сұмбатос Σ_1 меса иданикү миа екшатоң схойниү дәненүмек то сұмба Σ_2 мәзға $m_2=3\text{kg}$ кай тоң сүстема поң прокүптеи архикә исорропеи. О одигос тоң схойниү поң бирискеи тоң говия A дән емфаранззи тибиес мес аут. Капоа стигмү тоң өзөроруме $t=0$ энә өлжима мәзға $m=100\text{g}$ кинеити мес таҳтета мәтрун $v=200\text{m/s}$ тоң схематиззи говия $\theta=60^\circ$ мес тон орізонталы диенұтунсиг сүгкөрүети пластика мес то сұмба Σ_1 .



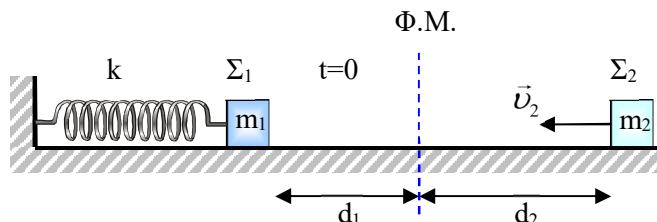
- На бреите тон архикї епимїкунсиг ℓ_0 тоң еластирию мес на езетаңсете ката позо ептереаңзи тоң барос w_1 тоң сұмбатос тон өзеси исорропияс.
- На бреите тон таҳтета тоң соматоң тоң сүстематос амэсов меса тон кроуси.
- На аподеңзете оти тоң сүссоматоң (Σ_1 -өлжима) ектелеи армоникї талантоси.
- На бреите тон езісваси тоң кинетиси тоң сүссоматоң (Σ_1 -өлжима) мес то сұмбатос Σ_2 .
- Ан то орло өзөроруме тоң өлжима $T_{\theta_p}=60\text{N}$ на бреите ан то өлжима архикә җаларонеи һа кобетаи мес тоң таҳтета тоң соматоң тон стигмї аут.
- На бреите тоң өлжима талантоси тоң сүстематос (Σ_1 -өлжима) стигмї менеи то ерәтима v мес тон өзеси езісваси талантоси тон.
- На гинеи тоң өзеси өзеси тоң апомакрунсиг тоң соматоң (Σ_1 -өлжима) ап оң тон стигмї амэсов меса тон кроуси өзеси оғойын ендеңистеи тоң таҳтета тоң 1^н форы. Өз симеи анафорац на өзөрерісте тон архикї өзеси исорропияс тоң соматоң прив тон кроуси.

Өзөрерісте тоң өзеси тоң кинетиси тоң соматоң тон форы кинетиси тоң өчей меса тон кроуси. Н кроуси дияркеи схедон акария, то схойни мәнене сунечвас тентомене мес то сұмбатада дән аллажону өзеси ката тоң диаркея тон. Ои өзеси тоң езәтереки дунамеене ейнай поль миқротерес сүгкөрүети мес тоң өзеси.

Динетаи $g=10\text{m/s}^2$, $\sqrt{0.0136}=0.12$, $\sqrt{10}=\pi$, $\eta(\theta)=1/3 \Rightarrow \theta \approx \pi/10\text{rad}$

109) Позо өзеси арлыктуу;

То сұмба Σ_1 мес мәзға $m_1=1\text{kg}$ ейнай дәмәнене тоң елеуітеро ақро енөс орізонталы еластирию стафтерас $k=400\text{N/m}$, то альо ақро тоң оғойын ейнай ақлонетта стеревомене се тоң. Ектрепонеи то сұмба ката $d_1=0,4\text{m}$ аркы $\Theta.I.$ мес тон $t=0$ то афһононеи өзөрері тоң өзеси арлыктуу.



Στην ίδια ευθεία με το σώμα Σ_1 κινείται προς τα αριστερά με σταθερή ταχύτητα v_2 δεύτερο σώμα Σ_2 με μάζα $m_2=3\text{kg}$ που την χρονική στιγμή $t=0$ απέχει απόσταση d_2 από το δεξί άκρο του ελατηρίου όταν αυτό έχει το φυσικό του μήκος. Τα σώματα συγκρούονται πλαστικά στην θέση που το ελατήριο έχει το φυσικό του μήκος όταν το σώμα Σ_1 περνά για πέμπτη φορά από τη θέση αυτή.

Η απόσταση d που θα πρέπει να απέχουν αρχικά τα σώματα ώστε το συσσωμάτωμα που δημιουργείται να ταλαντώνεται με πλάτος ίδιο με το αρχικό πλάτος της ταλάντωσης του σώματος Σ_1 είναι:

$$a) d = \frac{34,26}{15} m$$

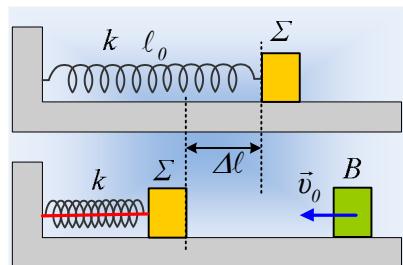
$$\beta) d = \frac{32,26}{10} m$$

$$\text{v)} \ d = \frac{30,26}{5} m$$

Δίνεται $\pi=3,14$

110) Με την κρούση, κόβουμε και το νήμα

Ένα σώμα Σ μάζας $m=4\text{kg}$ ηρεμεί δεμένο στο άκρο ενός ιδανικού ελατηρίου σταθεράς $k=40\text{N/m}$, σε λείο οριζόντιο επίπεδο. Μετακινούμε το σώμα προς τα αριστερά συσπειρώνοντας το ελατήριο κατά Δl και στη θέση αυτή το δένουμε με το νήμα, όπως στο κάτω σχήμα.



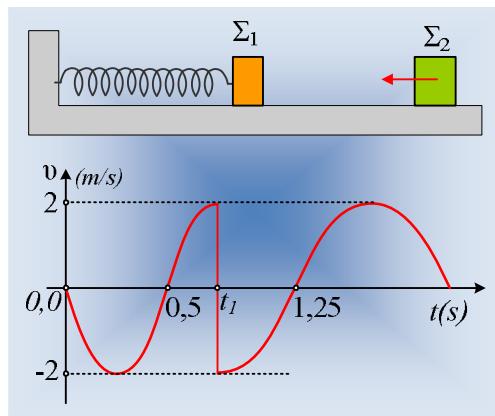
Ένα δεύτερο σώμα Β της ίδιας μάζας m κινείται στο ίδιο οριζόντιο επίπεδο με διεύθυνση τον άξονα του ελατηρίου, με σταθερή ταχύτητα $v_0=1\text{m/s}$. Τα δύο σώματα συγκρούονται κεντρικά και ελαστικά τη στιγμή $t=0$. Τη στιγμή της κρούσης, με ένα ψαλίδι, κόβουμε ταυτόχρονα και το νήμα που συγκρατούσε το σώμα Σ. Μετά την κρούση το Σ κινείται προς τα αριστερά μέχρι να μηδενιστεί στιγμιαία η ταχύτητά του τη στιγμή $t_1=1/3\text{s}$.

- i) Να βρεθούν οι ταχύτητες των δύο σωμάτων μετά την κρούση τους.
 - ii) Να βρεθεί η μεταβολή της φάσης της απομάκρυνσης του σώματος Σ , από την στιγμή της κρούσης έως τη στιγμή t_1 .
 - iii) Να βρεθεί η αρχική συσπείρωση Δl του ελατηρίου.
 - iv) Αν τα δύο σώματα συγκρούονται ξανά κεντρικά και ελαστικά τη στιγμή t_2 , ζητούνται:
 - a) Η απόσταση των δύο σωμάτων, όταν το ελατήριο αποκτήσει το φυσικό μήκος του, για πρώτη φορά.
 - β) Πόσο καθυστέρησε η απόκτηση του φυσικού μήκους του ελατηρίου, εξαιτίας της δεύτερης κρούσης μεταξύ των σωμάτων;
 - γ) Θεωρώντας τη θέση φυσικού μήκος του ελατηρίου, ως αρχή ενός οριζόντιου άξονα x , με θετική φορά προς τα δεξιά, να γράψετε τις συναρτήσεις $x=x(t)$, της θέσης κάθε σώματος σε συνάρτηση με το χρόνο και να γίνουν οι γραφικές παραστάσεις τους.

Δίνεται ότι η διάρκεια κάθε κρούσης είναι αμελητέα, τα σώματα θεωρούνται υλικά σημεία αμελητέων διαστάσεων και $\pi^2 \approx 10$.

111) Плъропориес от ёна диаграма тахутетас

Ена сѡмма Σ_1 мáзас $m_1=1\text{kg}$ ектелей ААТ деменю ото јакро оризонталу елаттерион, се леји оризонтало епіпедо. Тη стигмή t_1 то сѡмма Σ_1 сунгкрунется метапикá мё денутро сѡмма Σ_2 , то опою кинеити ото ѹди оризонтало епіпедо. Сто схýма динетаи то диаграмма тахутетас то Σ_1 се сунартети се то хроно, щеворонтыас тηн проц та дезиа катевұтунсη ѡс Ѹтетикή. Антлонтыас стойчия апо то диаграмма ауто, на апантжеите сиң ақолуңыс ервотήсие:

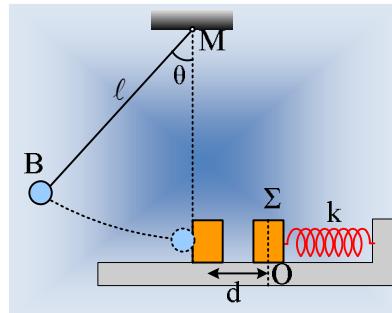


- i) Пояиη тимή тηс стафтераs к тоu елаттерион и поиаη аргичиа апомакрунсη тоu сѡмматоs Σ_1 ;
- ii) Н кроусη метаху тωn дюo сѡматоn eинai еластикή һ ож; На дикайолоgήsете плήрωs тηn апантешή sас;
- iii) Пояиη мáза тоu сѡмматоs Σ_2 и поиаη тахутета тоu елахиста прив тηn кроусη;
- iv) Поясо тоiсs екато метеблhтη то plátoсs талантуосηs, лóгo тηс кроусη;
- v) На дóсете тηn eжisоsη тηс апомакрунсηs се сунартети се то хроно (x-t) iga тηn вéa талантуосη pou прокуптеi метеа тηn кроусη.

Динетаи $\pi^2 \approx 10$.

112) Стη диárkeia тηс талантуосηs жонме мia кроусη

Ена сѡмма Σ мáзас $M=3\text{kg}$ талантуонется се леји оризонтало епіпедо, деменю ото јакро оризонталу елаттерион, стафтераs $k=375\text{N/m}$, гуро апо мия Ѹтесиа тоорропиа O, опою се схýма, жонтаас енэргеия талантуосηs $E_i=7,5\text{J}$. Мия сфаирa мáзас $m=1\text{kg}$ еинai деменю ото јакро нýмatoс мýкouнs $l=2\text{m}$, то јакро опою се леји стафтера деменю ото симеи M. Н сфаирa сунгкрунется се B, мё то нýмa на схýматици мё тηn катаќоруфо гония θ , опоу $\sin\theta=0,6$. Капоиа стигмή афһновуме елеућерη тηс сфаирa на кинети и опою сунгкрунется кентрика и еластикa мё то сѡмма Σ , тη стигмή поу то нýмa гинетаи катаќоруфо и то Σ опечеi катá d, апо тη Ѹтесиа тоорропиа тоu сѡмматоs Σ . Мета тηn кроусη тηс сфаирa епистрёфei мёхри тη Ѹтесиа поу то нýмa на схýматици мё тηn катаќоруфо гония φ , опоу $\sin\varphi=0,9$.

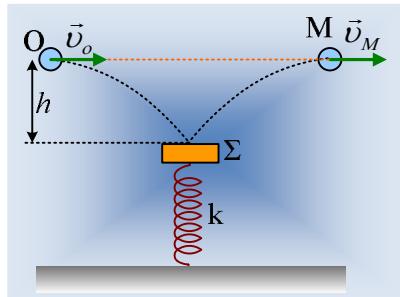


На упологистоу:

- i) Ои тахутетас тηс сфаирas, елахиста прив тηn кроусη и амeсoвs метеа апtήn.
- ii) Ои антисстойчес тахутетас тоu сѡмматоs Σ .
- iii) Н апостасη d тηс Ѹтесиа кроусηs, апо тη Ѹтесиа тоорропиа тоu сѡмматоs Σ .
- iv) Н мёгистη тахутета поu Ѹтас апоктешеi то сѡмма Σ , метеа тηn кроусη.

113) Міа кроусиі стї диаркея міас орізонтіас воліжс

Апó міа ѡтесиі O , се орісмёно ўпос апó то ёдайфос, ектоξеўетаі орізонтіа міа сфаіра мáзас $m=1\text{kg}$ міа таҳутта $v_0=1\text{m/s}$. Г сфаіра стїн пореяі тїс кай афоу мєтатопісітей катақоруфса катá $h=0,2\text{m}$, сунантаі міа плақа Σ мáзас $M=2\text{kg}$. Г плақа прін тїн кроусиі талантѡнетаі катақоруфса міа плақаі $A_1=0,3\text{m}$, сто пано ѿкро іданікоу елаттеріоу, міа футико мήкоу $l_0=1,2\text{m}$ кай стафтера $k=25\text{N/m}$. Г кроусиі еінаі эластікі, ҳоріс на өміфанистону тағбесі стї диаркея тїс. Метаі апó лігі, г сфаіра фтавеі се то сїмєю M , сто ѫді орізонтіо епіпедо міа то сїмєю ектоξеўетаі O , өхонтаі орізонтіа таҳутта мéтру v_M .



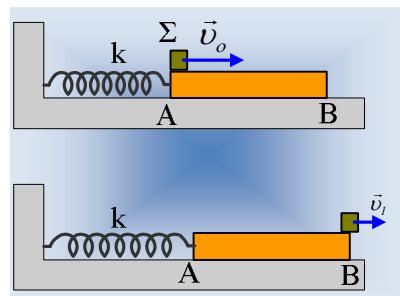
- На үполоғысите тїн таҳутта v_M .
- На бреіте тїн мєтаболі тїс ормїс тїс сфаірац, өзайтіаіс тїс кроусиі.
- Пояі тїн таҳутта тїс плақас элахиста прін кай амёсов мєта тїн кроусиі тїс міа тїс сфаіра;
- Пóсо апéхеі апó то ёдайфос г плақа тїс стигмїс тїс кроусиі;
- На бреітеі то нeo плақаі талантѡсетаі тїс плақас, мєта тїн кроусиі.

Дінетаі $g=10\text{m/s}^2$.

114) Трибї олістіхетїс кай армовиқї талантѡсї

Міа омогеніс саніда AB мήкоу 1 кай мáзас $M=4\text{kg}$ һеремеі се леіо орізонтіо епіпедо, демені се ѿкро орізонтіо іданікоу елаттеріоу стафтера $k=40\text{N/m}$. Топохетеітаі пано саніда, сто ѿкро тїс A, өнә сѡма Σ , мáзас $m=2\text{kg}$, то опоіо өміфанизіе міа тїс саніда сунтелеесті тағбіхіс олістіхетїс $\mu=0,4$.

Се міа стигмї $t=0$, то сѡма Σ дéхетаі стигмаяіо катáллелю ктүптама, міа апотельесма на апоктісіе таҳутта $v_0=6\text{m/s}$ кай на кинетіе катá мήкоу тїс санідац, өгекаталеіпонтас тїн, мєта апó лігі, апó то ѿкро тїс B, міа таҳутта $v_1=2\text{m/s}$, өпівс се схїма.



- На үполоғыситеі то мήкоу тїс санідац.
- Ан то ѿкро тїс санідац A бріскетаі архікаі се ѡтесиі $x=0$, на ғінєі тїс ғрафиқї парастасї $x=x(t)$ тїс ѡтесиі тїс суннартетїсі міа то җордно

Дінетаі $\pi^2 \approx 10$.

115) Оі талантѡсїс кай өнә диаграмма

Та сѡматы Σ_1 кай Σ_2 тїу дитланоу схїматоц, еінаі демені се ѿкро дұн орізонтіо іданікоу елаттеріоу кай ісорропоуін се өпафі, пано се өнә леіо орізонтіо епіпедо.

- Ан то прώто елаттеріо стафтера k_1 өхеі то футико мήкоу тоу, на аподеізте оі кай то деснітеро елаттеріо k_2 , өхеі өпісіңс то футико тоу мήкоу.

Ектрепоуме то сѡма Σ_1 пріс та өдзія сунміпіеўетаіс то елаттеріо катá A_0 кай то афһонуме на талантѡтейі.

Στο κάτω σχήμα δίνεται η απομάκρυνση του σώματος Σ_1 σε συνάρτηση με το χρόνο, όπου τις στιγμές t_1 και t_2 συγκρούεται κεντρικά και ελαστικά με το σώμα Σ_2 .

- ii) Για τις παραπάνω χρονικές στιγμές ισχύει:

$$\alpha) \ t_2 < 3t_1, \quad \beta) \ t_2 = 3t_1, \quad \gamma) \ t_2 > 3t_1.$$

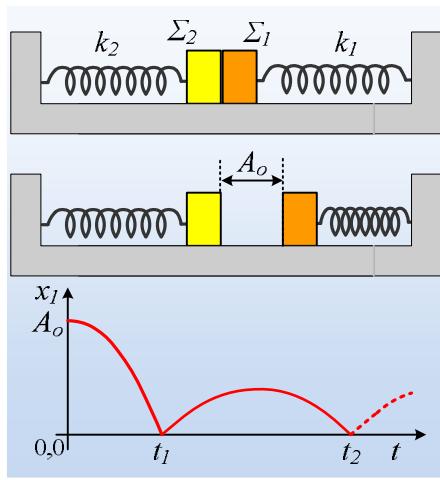
- iii) Για τις μάζες m_1 και m_2 των σωμάτων Σ_1 και Σ_2 αντίστοιχα ισχύει:

$$\alpha) m_1 < m_2, \quad \beta) m_1 = m_2, \quad \gamma) m_1 > m_2.$$

- iv) Αν $m_2=2m_1$ να υπολογίσετε τα πλάτη ταλάντωσης των δύο σωμάτων, μετά την πρώτη μεταξύ τους κρούση, σε συνάρτηση με το αρχικό πλάτος A_0 του Σ_1 .

Δίνεται ότι οι κινήσεις των σωμάτων μεταξύ των δύο κρούσεων είναι

τμήματα ΑΑΤ, ενώ ούτε και το σώμα Σ_2 έχει ολοκληρώσει μια πλήρη ταλάντωση μεταξύ πρώτης και δεύτερης κρούσης.



116) Ένα σύστημα δύο σωμάτων σε ταλάντωση

Τα σώματα Σ_1 και Σ_2 με μάζες $m_1=1\text{kg}$ και $m_2=3\text{kg}$ ηρεμούν σε λείο οριζόντιο επίπεδο, σε επαφή, δεμένα στα άκρα δύο οριζόντιων ιδανικών ελατηρίων με σταθερές $k_1=100\text{N/m}$ και $k_2=60\text{N/m}$ αντίστοιχα. Το Σ_1 διατηρεί το ελατήριο k_1 συσπειρωμένο κατά $\Delta l_1=0,4\text{m}$, με τη βοήθεια ενός νήματος που το συνδέει με κατακόρυφο τοίχο, ενώ το δεύτερο ελατήριο έχει το φυσικό μήκος του.

- i) Να υπολογιστεί η τάση το νήματος, καθώς και η δύναμη F_{12} που ασκείται στο σώμα Σ_1 από το Σ_2 .

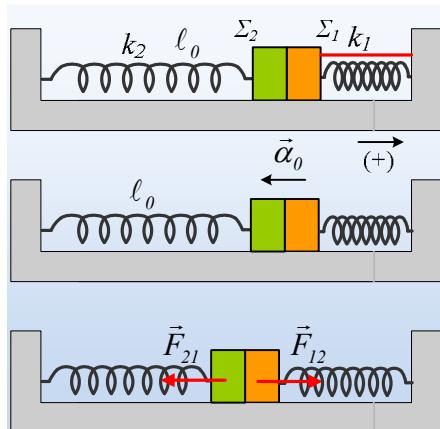
Σε μια στιγμή $t_0=0$ κόβουμε το νήμα.

- ii) Να υπολογίστε την αρχική επιτάχυνση a_0 που θα αποκτήσουν τα δύο σώματα, καθώς και το μέτρο της δύναμης F_{12} , αμέσως μόλις κοπεί το νήμα.

- iii) Αφού αποδειχθεί ότι το σύστημα των δύο σωμάτων εκτελεί AAT, να υπολογισθεί η περίοδος της ταλάντωσης, καθώς και η μέγιστη ταχύτητα του συστήματος των δύο σωμάτων.

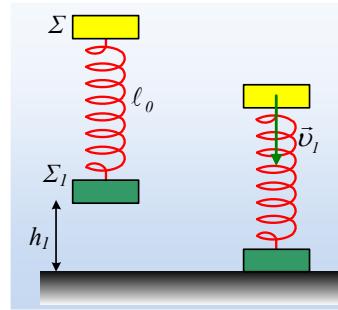
- iv) Υποστηρίζεται ότι τα δυο σώματα κάποια στιγμή της διάρκειας της ταλάντωσης αποχωρίζονται. Για να εξετάσουμε την υπόθεση αυτή, βρίσκουμε την δύναμη αλληλεπίδρασης μεταξύ των σωμάτων. Στη θέση που αυτή μηδενίζεται, τα σώματα θα αποχωρίζονται κινούμενα αυτόνομα. Να βρεθεί λοιπόν η δύναμη F_{21} σε συνάρτηση με την απομάκρυνση από τη θέση ισορροπίας και να γίνει η γραφική της παράσταση. Τι συμπεραίνετε, αποχωρίζονται τα σώματα, εκτελώντας από κάποια θέση και μετά, το καθένα τη δική του ταλάντωση;

$$\Delta \nu \varepsilon \tau \alpha i \pi^2 \approx 10.$$



117) Μετά την πλαστική κρούση μια αατ.

Τα σώματα Σ και Σ_1 με μάζες $m=4\text{kg}$ και $m_1=2\text{kg}$ είναι δεμένα στα άκρα ενός ιδανικού ελατηρίου σταθεράς $k=400\text{N/m}$ και συγκρατούνται όπως στο αριστερό σχήμα, με τον άξονα του ελατηρίου, που έχει το φυσικό μήκος του $l_0=0,4\text{m}$, κατακόρυφο. Στη θέση αυτή το Σ_1 απέχει κατά $h_1=0,15\text{m}$, από το έδαφος. Κάποια στιγμή, την οποία θεωρούμε ως $t_0=0$, αφήνουμε ταυτόχρονα τα σώματα, να πέσουν, οπότε μετά από λίγο το Σ_1 προσκολλάται στο έδαφος, χωρίς να αναπηδήσει.



- i) Να βρεθεί η επιτάχυνση κάθε σώματος, καθώς και η χρονική στιγμή που το Σ_1 θα συγκρουσθεί με το έδαφος.
 - ii) Να αποδειχτεί ότι το σώμα Σ θα εκτελέσει AAT, μετά την προσκόλληση του Σ_1 με το έδαφος.
 - iii) Να υπολογιστεί το κλάσμα της αρχικής μηχανικής ενέργειας του συστήματος, το οποίο εμφανίζεται ως ενέργεια ταλάντωσης του σώματος Σ . Για τον υπολογισμό της μηχανικής ενέργειας θεωρείστε το έδαφος ως επίπεδο μηδενικής δυναμικής ενέργειας.
 - iv) Να βρείτε μεταξύ ποιων τιμών θα μεταβάλλεται το μήκος του ελατηρίου, κατά τη διάρκεια της ταλάντωσης και να κάνετε τη γραφική παράσταση της δύναμης που ασκεί το ελατήριο στο σώμα Σ , σε συνάρτηση με την απομάκρυνση από τη θέση ισορροπίας, θεωρώντας την προς τα πάνω κατεύθυνση ως θετική.
 - v) Να βρείτε επίσης τη συνάρτηση $h=h(t)$, του ύψους από το έδαφος του σώματος Σ , σε συνάρτηση με το χρόνο και να κάνετε τη γραφική της παράσταση.

$$\Delta v \approx 10 \text{ m/s}^2.$$

118) Ας ενισχύσουμε την ταλάντωση

Μια σφαίρα μάζας $m=2\text{kg}$ εκτελεί μια απλή αρμονική ταλάντωση, μεταξύ των θέσεων B και G , γύρω από τη θέση ισορροπίας O , όπως στο σχήμα, με εξίσωση απομάκρυνσης:

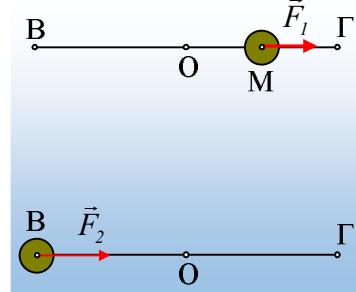
$x = 0,2 \cdot \eta \mu(2\pi t)$ μονάδες στο S.I.

- i) Να υπολογιστεί η ενέργεια ταλάντωσης, καθώς και η ταχύτητα της σφαιρίφας, τη στιγμή t_1 που περνά από το μέσον M της ΟΓ, κινούμενη προς τα δεξιά (θετική κατεύθυνση).

Τη στιγμή t_1 στη σφαίρα ασκείται μια σταθερή δύναμη F_1 μέτρου $F_1=21\text{N}$, με κατεύθυνση προς τα δεξιά, όπως στο πάνω σχήμα, μέχρι να φτάσει η σφαίρα στη θέση N , έχοντας μετατοπισθεί κατά $\Delta x=0,4\text{m}$, οπότε η δύναμη παύει να ασκείται. Να βρεθούν:

- ii) Η επιτάχυνση της σφαίρας μόλις ασκηθεί η δύναμη F_1 .

iii) Η τελική ενέργεια ταλάντωσης της σφαίρας, καθώς και η ταχύτητά της τη στιγμή που παύει να ασκείται πάνω της η δύναμη F_1 .

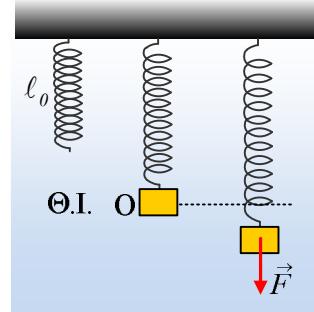


iv) Аң дөн аскеито стη σφαίρα η παραπάνω δύναμη F_1 , аллар миа аллар δύναμη F_2 , миे метро $F_2=8\text{N}$, тη стигмή που брісқетаи стην ақраға арнηтикή өсісі тης B (кәтв σхұма) кай гиа ҳронико диастема $\Delta t=0,5\text{s}$, πоia өтін төлека өнөргея талантуласы, мета тиң катаргети тης;

Дінеге $\pi^2 \approx 10$

119) Мета тиң өнекея метаблентиң δύнамет

Ена сұмма өрлемеи сто кәтв әкро енөс иданикоу өлательиу стафтерац $k=200\text{N/m}$, өпвас сто σхұма. Се миа стигмή аскеити миа σомма, миа катакоруфы метаблентиң δύнамет \vec{F} , ми форд проц та әкро, то метро тης опоиац метаблалетаи сұмфовна ми тиң εзісөс $F=400y+20$ (S.I.), өпвас у өнекатопиши тиң σомматоц апo ти өсіс өсірропиац тиң. Өнөргея аскеити миа σомма, миэхри автo өнекатопишии ката $y_1=0,1\text{m}$, фтанонтац се σомеио P , опоте өнөргея катаргейтai өн то σомма миенеи өлеүнөрде өнекеледеи миа аплік армомици талантуласы, ми стафтерац өпанафорац $D=k$. Өсөрөнтац тиң проц та әкро катенұнсөн өсіткік и t=0 тη стигмή πои стафати өз өнекея өнөргея F , сти өсіс P , өн $g=10\text{m/s}^2$, өтінүнтai:



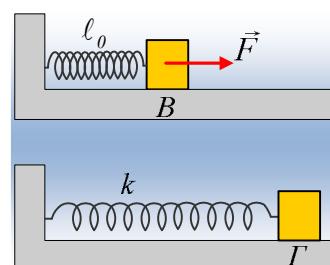
- На өпологиистеи өнөргея тиң талантуласы, өтін и то плағас талантуласы.
- Н өннамике и өнекея тиң σомматоц, тη стигмή πои то σомма пернан апo то σомеио P , өпваси миа проц та пано, гиа проц форд.
- Ан то σомма өпанафорац тиң σомеио P , өпваси миа проц та пано (гиа проц форд), тη ҳронике стигмή $t_1=\pi/15\text{ (s)}$, өн өпологиистоун:

 - Н майдан σомматоц
 - Н тағынтыта тиң σомматоц тη стигмή t_1 .

- На өпологиистоун өннамике өнөргея талантуласы, өннамике өнөргея тиң өлательиу өтін и ои өннами миа метаблентиң тиң, тη ҳронике стигмή $t_2=\pi/10\text{ (s)}$.

120) Н өнөргея сти δиаркея өнекея тиң δύнамет

Ена сұмма майдан 2kg өрлемеи се леіо ортозонти өпіпедо, сти өсіс B , өдемено сто әкро ортозонти иданикоу өлательиу стафтерац k , то аллар әкро тиң опоиоу өчейи происделеи се катакоруфы тоіхо, өпвас сто σхұма. Капоиа стигмή $t_0=0$ аскеити миа σомма миа стафтери ортозонти δύнамет \vec{F} миетроу $F=16\text{N}$, миэхри өн фтасеи то σомма се миа өсіс Γ ми миденике тағынтыта, тη стигмή $t_1=0,5\text{s}$, опоте и то пануиме өнекея өнөргея.

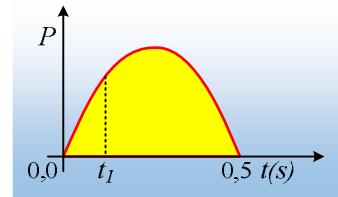


- На аподейхтеи өті сти δиаркея өнекея тиң өз өнекея өнөргея \vec{F} , то σомма өктеледеи миа армомици талантуласы, тиң опоиац өн өпологиистеи то плағас A_1 и тиң өркөнди T_1 .
- На өпологиистеи ои өннами миа өннами, ми то опоио миафреиетаи өнөргея тиң σомма, миэшо то өркөнди тиң өнекея өнөргея F .

iii) Сто диплано диаграмма динетаиη ісхұс тегі асқоыменгіс дұнаметі F , се sunáртетісі мө то ғароно.

- a) На уполоғистеіη ісхұс тегі дұнаметі кай о руфмұс мөтағиоліңіс тегі кинетикес енәрғеяас тов сәмадос тегі стигмі $t_1 = 1/6$ s, ката тегі окоіа перенә апө миа өтесі Δ .
- б) На брөтейіη енәрғеяа поу мөтағерітке сто сәмада, мөсөв тов өрғон тегі дұнаметі F , апө 0- t_1 .
- γ) На уполоғистеіη то ембадон тов кітринов ҳорію сто диплано диаграмма.
- iv) На брөтейіη то плағас кай тегі енәрғеяа тегі талантөсіс поу өтапрағматопоітсеі то сәмада, мөліс стаматісіеіη өрәсі тегі дұнаметі \vec{F} . На уполоғистеіη епісіңіс тегі кинетикес енәрғеяа тегі стигмі поу то сәмада перенә ҳаны апө өтесі Δ .

Динетаи $\pi^2 \approx 10$.



Үлкөн Фүсікің-Хемеіас

Газі та на моладжесеі өрғамат, енінде қалоғ ға өлөнү...